

Министерство высшего и среднего специального образования СССР

Московское ордена Ленина, ордена Октябрьской Революции  
и ордена Трудового Красного Знамени  
высшее техническое училище им. Н. Э. Баумана

И. А. МИХАЛЕВ, Б. Н. ОКОЕМОВ

ТИПОВЫЕ ПРИМЕРЫ РАСЧЕТА  
СТРУКТУР АВТОПИЛОТА

Учебное пособие по курсу  
«Проектирование автопилотов»

Москва

1985

Министерство высшего и среднего специального образования СССР

Московское ордена Ленина, ордена Октябрьской Революции  
и ордена Трудового Красного Знамени  
высшее техническое училище им. Н.Э.Баумана

И.А.Михалев, Б.Н.Окоемов

Утверждено редсоветом МЭТУ  
как учебное пособие

ТИПОВЫЕ ПРИМЕРЫ РАСЧЕТА СТРУКТУР АВТОПИЛОТА

Учебное пособие  
по курсу  
"Проектирование автопилотов"

Под редакцией А.К.Неусынина

Москва

1985

Данное учебное пособие издается в соответствии с учебным планом.  
Рассмотрено и одобрено кафедрой П-4 02.12.83 г., методической комиссией факультета II 21.12.83 г. и учебно-методическим управлением 27.12.84 г.

Рецензенты: к.т.н. доц. ВЭМИ Черемисинова С.Н.,  
к.т.н. доц. МВТУ Карабалов З.А.

© Московское высшее техническое училище им. Н.Э.Баумана

### Оглавление

Введение	3
Глава 1. Основная исходная документация для проектирования АП	4
Глава 2. Математическая модель движения ЛА	5
Глава 3. Первичные законы управления АП	10
Глава 4. Общий принцип синтеза структуры АП	15
Глава 5. Вывод формул для расчета передаточных чисел АП	17
Глава 6. Порядок выполнения расчета структуры АП	47
Литература	48

Редактор В.М.Царев

Корректор В.Г.Карасева

---

Заказ 374. Объем 3 п.л.(Вуч.-изд.л.) Тираж 300 экз.  
Л-83656 от 28.12.84 г. Цена II кол. План 1984 г., № 36.

Типография МВГУ. 107005, Москва, Б-5, 2-я Бауманская, 5.

### ВВЕДЕНИЕ

Первым вопросом, с решением которого сталкивается разработчик автопилота, является вопрос перевода требований технического задания (ТЗ) на язык характеристик автопилота (АП), обеспечивающих требуемое качество управление полетом летательного аппарата (ЛА). Решение этого вопроса связано с проведением комплекса различного рода расчетов, для выполнения которых необходимо иметь математическое описание движения ЛА и работы АП.

Математическое описание движения ЛА при управлении с учетом воздействий внешних возмущений на параметры его движения составляет математическую модель движения ЛА.

Математическое описание функционирования реального АП, характеризующее преобразование входных возмущений и начальных состояний ЛА в выходной сигнал АП, образует математическую модель АП, или его структуру.

При синтезе структуры АП чрезвычайно желательно, чтобы все переменные состояния системы были непосредственно наблюдаемы и измерямы. Набор датчиков первичной информации (ПИ) на борту ЛА, как правило, регламентирован, и их характеристики априорно известны. Ограничено и класс структур сервоприводов АП. Поэтому синтез структуры АП является задачей параметрической оптимизации заданной первичной структуры АП, при которой оптимизация подлежит ограниченное число ее параметров.

Трудности формирования структуры АП в основном обусловлены нестационарностью характеристик ЛА как объекта управления по режимам его полета. Поэтому процедура синтеза структуры АП является многошаговой и предусматривает:

задание первичного закона управления АП;

параметрическую оптимизацию выбранной первичной структуры АП для конкретных фиксированных режимов полета ЛА;

расчет законов изменения параметров АП по режимам полета ЛА; моделирование системы "ЛА - АП" с учетом реальных характеристик ЛА, это проводки управления и характеристик АП.

В данном учебном пособии рассмотрены первые три этапа общей процедуры проектирования структуры АП<sup>\*)</sup>.

<sup>\*)</sup> Основы четвертого этапа проектирования структуры АП изложены в [2].

# Глава I. ОСНОВНАЯ ИСХОДНАЯ ДОКУМЕНТАЦИЯ ДЛЯ ПРОЕКТИРОВАНИЯ АП

Для разработки АП необходимой начальной информацией являются тактико-технические характеристики ЛА и техническое задание на разработку АП. Процедура проектирования АП начинается с составления, утверждения и анализа этих документов.

## I.1. Тактико-технические данные ЛА

Тактико-технические данные включают:

- 1) Геометрические данные ЛА.
- 2) Массовые характеристики ЛА.
- 3) Аэродинамические характеристики ЛА.
- 4) Кинематические и кинетические характеристики ЛА.
- 5) Эксплуатационные характеристики ЛА.
- 6) Характеристики управляемости пилотируемого ЛА.
- 7) Характеристики проводки управления ЛА.
- 8) Условия работы АП на ЛА.

## I.2. Типовое техническое задание на разработку АП

ТЗ содержит следующие основные вопросы:

- 1) Назначение АП и выполняемая функция.
- 2) Состав (комплектность) АП.
- 3) Технические требования:

а) основные технические характеристики АП:

точность стабилизации ЛА в невозмущенной атмосфере. При включенном АП стабилизация курса ЛА должна осуществляться при углах крена, меньших  $\pm 7^\circ$ ;

максимальная скорость эволюции ЛА при автоматическом управлении;

выход на заданную координату управления должен осуществляться с перерегулированием  $G_z < G_{reg}$ :

время регулирования не должно превышать  $t_{reg,z} < t_{reg,yaw}$ :

б) масса АП  $m$ , кг;

в) напряжения питания;

г) потребляемые токи;

д) время готовности АП к включению;

е) габариты АП;

ж) условия эксплуатации, применения, транспортировки и хранения;

з) ресурс и срок службы.

- 4) Требования к надежности АП.
- 5) Требования к автоматизированному контролю.
- 6) Конструктивные требования.
- 7) Взаимодействующие изделия.
- 8) Требования к стандартизации, нормализации и унификации узлов и деталей АП.
- 9) Документация, подлежащая дополнительному согласованию с заказчиком.
- 10) Порядок испытаний и приемки опытного образца (или образцов).
- II) Возможность использования разрабатываемого АП на других ЛА.
- 12) Другие требования.

В процессе проектирования АП отдельные пункты точняются и корректируются.

## Глава 2. МАТЕМАТИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ ДВИЖЕНИЯ ЛА

При синтезе структуры АП непосредственным объектом исследования является математическая модель движения ЛА, отражающая его реальные свойства. В [1] показано, что на ранних стадиях синтеза АП допустимо использовать линейную модель движения ЛА, что объясняется рядом причин:

формы большинства ЛА таковы, что на основных рабочих режимах справедливы линейные зависимости сил и моментов от кинематических параметров [3];

при правильно спроектированной системе ошибки  $\epsilon(t)$  в принципе не может быть большой;

при использовании первой теоремы Ляпунова вопрос об устойчивости нелинейной системы можно решить на основе линейной аппроксимации;

за время регулирования по координате управления для большинства случаев параметры нестационарного объекта стабилизации меняются слабо.

Все это позволяет воспользоваться уравнениями для малых отклонений относительно некоторого спорного режима полета (программы полета).

В общем виде линейная модель движения ЛА может быть представлена как

$$\dot{x}(t) = A \cdot x(t) + B \cdot \epsilon(t), \quad \epsilon \in O, \quad (2.1)$$

где для продольного движения ЛА

$$A_n = \begin{vmatrix} -c_1' & -c_2' & -e_3' & 0 & c_0' \\ 1 & -c_4' & -e_2' & 0 & -c_0 \\ 0 & -c_8' & -e_1' & 0 & -c_7 \\ 0 & c_6' & c_{11}' & 0 & -c_6 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix};$$

$$c_1' = c_1 + c_3; \\ c_2' = c_2 - c_4 c_3; \\ c_{10}' = c_5 \cdot c_{10}; \\ e_3' = e_3 - c_6 e_1;$$

$$x_n^T(t) = \| \omega_z(t) \alpha(t) \Delta V(t) \Delta H(t) \Delta \theta(t) \|$$

$$\beta_n^T = \begin{vmatrix} -c_3 & c_9 & 0 & 0 & 0 \\ z_3 & z_1 & z_2 & 0 & 0 \end{vmatrix}$$

$$U_n^T(t) = \begin{vmatrix} \sigma_a^t(t) & \sigma_{a,b}^t(t) \end{vmatrix}$$

для бокового движения ЛА

$$A_b = \begin{vmatrix} -b_1 & -a_6 & -b_2 & 0 & 0 \\ -b_6 & -a_1 & -a_2 & 0 & 0 \\ b_7 & a_8 & -a_4 & b_4 & 0 \\ 1 & -a_9 & 0 & b_8 & 0 \\ 0 & a_{10} & 0 & -b_9 & 0 \end{vmatrix}$$

$$x_b^T(t) = \| \omega_x(t) \omega_y(t) \beta(t) \gamma(t) \psi(t) \|$$

$$\beta_b^T = \begin{vmatrix} -a_5 & -a_3 & -a_7 & 0 & 0 \\ -b_3 & -b_5 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$$

$$U_b^T(t) = \begin{vmatrix} \sigma_b^t(t) & \sigma_g^t(t) \end{vmatrix}$$

взнос

$$c_1 = -0.5 m_2 \bar{\omega}_2 \rho V S b_A I_{zz}^{-1}; \\ c_2 = -0.5 m_2'' \rho V^2 S b_A I_{zz}; \\ c_3 = -0.5 m_2'' \rho V^2 S b_A I_{zz}^{-1}; \\ c_4 = (c_y'' + c_x) 0.5 \rho V S m^{-1}; \\ c_5 = -0.5 m_2'' \rho V S b_A^2 I_{zz}^{-1}; \\ c_6 = 0.01745 V \cos \theta_0; \\ c_7 = 0.01745 g \cos \theta_0;$$

6

$$c_8 = 0.01745 (c_x'' - c_y) \rho V^2 \frac{S}{2m};$$

$$c_9 = 0.5 c_y'' \rho V S m^{-1};$$

$$c_{10} = g t^{r-1} \sin \theta_0;$$

$$c_{11} = \sin \theta_0;$$

$$e_1 = (c_x + 0.5 c_x'' M - \rho p'' V^{-1} S^{-1}) \rho V S m^{-1};$$

$$e_2 = (c_y + 0.5 c_y'' M) \cdot 0.73 \rho S m^{-1};$$

$$e_3 = -0.73 \left\{ [m_2'' c_4^{-1} + 2(c_x + c_y m \sin \theta_0) \rho_p V^{-1} S^{-1}] \frac{\rho V^2}{2} S b_A - \rho_p V \right\} I_{zz}^{-1};$$

$$\alpha_1 = -0.25 (I_{xx} I_{yy} - I_{xy}^2)^{-1} [I_{xx} (-m_x^{\bar{\omega}_x} \bar{\omega}_x + m_y^{\bar{\omega}_y} \bar{\omega}_y) + \\ + I_{xy} (m_x^{\bar{\omega}_y} \bar{\omega}_y + m_y^{\bar{\omega}_x} \bar{\omega}_x)], \rho V S C;$$

$$\alpha_2 = -0.5 (I_{xx} I_{yy} - I_{xy}^2)^{-1} [I_{xx} (-m_x^{\bar{\omega}_x} \bar{\omega}_x + m_y^{\bar{\omega}_y} \bar{\omega}_y)] \rho V^3 C;$$

$$\alpha_3 = -0.5 (I_{xx} I_{yy} - I_{xy}^2)^{-1} [I_{xx} (-m_x^{\bar{\omega}_x} \bar{\omega}_x + m_y^{\bar{\omega}_y} \bar{\omega}_y) + \\ + I_{xy} (m_x^{\bar{\omega}_y} \bar{\omega}_y + m_y^{\bar{\omega}_x} \bar{\omega}_x)], \rho V^2 S C;$$

$$\alpha_4 = -0.5 c_x'' \rho V S m^{-1};$$

$$\alpha_5 = \alpha_3 \sin \alpha - 0.5 (I_{xx} I_{yy} - I_{xy}^2)^{-1} [I_{yy} (m_x^{\bar{\omega}_x} \bar{\omega}_x \cos \alpha + m_y^{\bar{\omega}_y} \bar{\omega}_y \sin \alpha) + \\ + I_{xy} (m_y^{\bar{\omega}_y} \bar{\omega}_y \cos \alpha - m_x^{\bar{\omega}_x} \bar{\omega}_x \sin \alpha)], \rho V^2 S C;$$

$$\alpha_6 = \alpha_1 \sin \alpha - 0.25 (I_{xx} I_{yy} - I_{xy}^2)^{-1} [I_{yy} (m_x^{\bar{\omega}_x} \bar{\omega}_x \cos \alpha + m_y^{\bar{\omega}_y} \bar{\omega}_y \sin \alpha)];$$

$$\alpha_7 = -0.5 c_y'' \rho V S m^{-1}; \quad \alpha_8 = \cos \alpha; \quad \alpha_9 = \bar{\omega}_x \cos \alpha + \bar{\omega}_y \sin \alpha; \quad \alpha_{10} = \bar{\omega}_x \sin \alpha - \bar{\omega}_y \cos \alpha;$$

$$\beta_1 = b_6 \sin \alpha - 0.25 (I_{xx} I_{yy} - I_{xy}^2)^{-1} \{ I_{yy} [(m_x^{\bar{\omega}_x} \bar{\omega}_x \cos \alpha + m_y^{\bar{\omega}_y} \bar{\omega}_y \sin \alpha) + \\ + (m_x^{\bar{\omega}_y} \bar{\omega}_y + m_y^{\bar{\omega}_x} \bar{\omega}_x) \sin \alpha \cos \alpha] + I_{xy} [m_y^{\bar{\omega}_x} \bar{\omega}_x \cos \alpha - m_x^{\bar{\omega}_y} \bar{\omega}_y \sin \alpha + \\ + (m_y^{\bar{\omega}_y} \bar{\omega}_y - m_x^{\bar{\omega}_x} \bar{\omega}_x) \sin \alpha \cos \alpha] \} \rho V S C;$$

$$\beta_2 = \alpha_2 \sin \alpha - 0.5 (I_{xx} I_{yy} - I_{xy}^2)^{-1} [I_{yy} (m_x^{\bar{\omega}_x} \bar{\omega}_x \cos \alpha + m_y^{\bar{\omega}_y} \bar{\omega}_y \sin \alpha) + \\ + I_{xy} (m_y^{\bar{\omega}_x} \bar{\omega}_x \cos \alpha - m_x^{\bar{\omega}_y} \bar{\omega}_y \sin \alpha)], \rho V^2 S C;$$

7

$$\begin{aligned} b_3 &= b_3 \sin \alpha - 0.5(I_{xx} - I_{yy})^{-1} [I_{yy}(m_x^{\theta\theta} \cos \alpha + m_y^{\theta\theta} \sin \alpha) + \\ &+ I_{xy}(m_y^{\theta\theta} \cos \alpha - m_x^{\theta\theta} \sin \alpha)] \rho V^3 c; \end{aligned}$$

$$b_4 = \frac{\partial}{\partial t};$$

$$\begin{aligned} b_5 &= -0.5(I_{xx} I_{yy} - I_{xy}^2)^{-1} [I_{xx}(-m_x^{\theta\theta} \tan \alpha - m_y^{\theta\theta}) + I_{xy}(m_x^{\theta\theta} + m_y^{\theta\theta} \tan \alpha)] \times \\ &\times \rho V^2 c; \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} b_6 &= -0.25 \sec \alpha (I_{xx} I_{yy} - I_{xy}^2)^{-1} \{ [ (m_y - m_x) \sin \alpha \cos \alpha - \\ &+ m_x^{\theta\theta} \sin^2 \alpha + m_y^{\theta\theta} \cos^2 \alpha ] + I_{xx} [ m_x^{\theta\theta} \cos^2 \alpha + \\ &+ m_y^{\theta\theta} \sin^2 \alpha + (m_x^{\theta\theta} + m_y^{\theta\theta}) \sin \alpha \cos \alpha ] \} \rho V^2 c^2; \end{aligned}$$

$$b_7 = \sin \alpha;$$

$$b_8 = \omega_z \tan \varphi;$$

$$b_9 = C_4 \Delta \alpha.$$

Примерные диапазоны изменения величин коэффициентов уравнений движения ЛА (2.1) по режимам его полета равны:

$$\begin{aligned} C_1 &= 0.1 \div 1.8; & b_1 &= 0.3 \div 1.5; \\ C_2 &= -0.05 \div 8.0; & b_2 &= 0.8 \div 18.0; \\ C_3 &= 0.3 \div 4.0; & b_3 &= 0.6 \div 6.0; \\ C_4 &= 0.08 \div 2.0; & b_4 &= 0.012 \div 0.1; \\ C_5 &= 0 \div 0.7; & b_5 &= -3.0 \div 0.8; \\ C_6 &= 1.3 \div 16; & b_6 &= -0.01 \div 0.2; \\ C_7 &= 0.1712; & b_7 &= 0 \div 0.5; \\ C_8 &= 0.005 \div 0.8; & b_8 &= \omega_z \tan \varphi; \\ C_9 &= 0.014 \div 0.25; & b_9 &= C_4 \Delta \alpha. \\ C_{10} &\approx 0 \quad (\text{для Г.П.}); \\ C_{11} &\approx 0 \quad (\text{для Г.Л.}); \end{aligned}$$

8

$$\begin{aligned} e_1 &= -0.03 \div 0.025; \\ e_2 &= 0.004 \div 0.15; \\ e_3 &= 0.003 \div 0.08; \\ o_1 &= 0.03 \div 0.6; \\ o_2 &= 0.4 \div 4.0; \\ o_3 &= 0.3 \div 8.5; \\ o_4 &= 0.03 \div 0.8; \\ o_5 &= 0.1 \div 15.0; \\ o_6 &= 0.03 \div 3.0; \\ o_7 &= 0.002 \div 0.08; \\ o_8 &= \cos \alpha; \\ o_9 &= \tan \varphi \cdot \cos \varphi; \\ o_{10} &= \sec \alpha. \end{aligned}$$

В ряде случаев стационарная модель движения ЛА (2.1) допускает дальнейшие упрощения: продольное движение ЛА при коэффициенте  $C_2 > 0$  (производная  $m_x^{\theta\theta} < 0$ ) может быть представлено в виде изолированных короткопериодического и длиннопериодического движений, а боковое движение при выполнении условия

$$b_1(a_4 a_7 - a_5 b_6) - b_2 b_6 + a_3 b_7 - a_6(a_4 b_6 + a_5 b_7) > 0, b_4$$

в виде "быстрого" бокового движения в углах рискания — скольжения — крена (без учета спиральной составляющей  $b_4 \neq 0$ ) и при

$$b_1(a_1 a_4 + a_2) > g[a_1 b_6 b_7 - b_1 b_6 - a_6(a_4 b_6 + a_5 b_7)] \quad (2.2)$$

в виде изолированных "быстрых" движений в углах рискания — скольжения и по углу крена.

Для упрощенных движений ЛА матрицы  $A_i$ ,  $x_i$ ,  $\beta_i$  и  $U_i$  имеют вид:

для короткопериодического продольного движения ЛА ( $\Delta V = 0$ )

$$A_{pk} = \begin{vmatrix} -C_1 & -C_2 & 0 & -C_6 \\ 1 & C_4 & 0 & -C_{10} \\ 0 & -C_6 & 0 & C_6 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}, \quad B_{pk} = \begin{vmatrix} -C_3 \\ -C_9 \\ 0 \\ 0 \end{vmatrix}$$

$$x_{\text{пк}}^T(t) = \|\omega_2(t) \quad \alpha(t) \quad \Delta H(t) \quad \varphi(t)\|$$

$$u_{\text{пк}}^T(t) = \|\delta_b(t)\|$$

для длиннопериодического продольного движения (при  $c_2 > 0$ )

$$A_{\text{пк}} = \begin{vmatrix} 0 & -c_1 & -c_2 & 0 \\ c_1 & 0 & -c_3 & 0 \\ -c_2 & c_3 & 0 & -c_4 \\ 0 & 0 & c_4 & 0 \end{vmatrix}, \quad B_{\text{пк}}^T = \begin{vmatrix} c_3' & -c_3'' \\ -c_2 & c_3 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{vmatrix}$$

$$x_{\text{пк}}^T(t) = \|\omega_2(t) \quad \alpha(t) \quad \Delta V(t) \quad \Delta H(t) \quad \varphi(t)\|$$

$$u_{\text{пк}}^T(t) = \|\delta_b(t) \quad \sigma_{c,r}(t)\|$$

для бокового движения рыскания - скольжения ( $\delta(t) \neq 0$ )

$$A_{\text{бкс}} = \begin{vmatrix} a_3 & -a_4 \\ -a_1 & -a_2 \end{vmatrix}, \quad B_{\text{бкс}} = \begin{vmatrix} -a_2 \\ -a_3 \end{vmatrix}$$

$$x_{\text{бкс}}^T(t) = \|\beta(t) \quad \omega_y(t)\|, \quad u_{\text{бкс}}(t) = \|\delta_h(t)\|$$

для бокового движения по крену ( $\beta(t) \neq 0$ )

$$A_{\text{бк}} = \begin{vmatrix} -b_1 & -a_6 & 0 & 0 \\ -i_1 & -a_1 & 0 & 0 \\ 1 & -a_9 & b_8 & 0 \\ 0 & a_{10} & -b_9 & 0 \end{vmatrix}, \quad B_{\text{бк}} = \begin{vmatrix} -b_3 \\ -b_5 \\ 0 \\ 0 \end{vmatrix}$$

$$x_{\text{бк}}^T(t) = \|\omega_x(t) \quad \omega_y(t) \quad \gamma(t) \quad \varphi(t)\|$$

$$u_{\text{бк}}^T(t) = \|\delta_b(t)\|$$

### Глава 3. ПЕРВИЧНЫЕ ЗАКОНЫ УПРАВЛЕНИЯ АП

В учебном пособии в качестве координат управления (стабилизации) рассмотрены:  $\Delta \hat{\gamma}_y$  - приращение нормальной перегрузки;  $\hat{\gamma}(t)$  - угол тангла;  $\hat{\alpha}(t)$  - угол крена;  $\hat{\psi}(t)$  - угол курса,

$$\Delta \hat{\gamma}_y = \hat{\gamma}_y - 1. \quad (3.1)$$

При формировании закона управления АП электрические сигналы  $\Delta \hat{\gamma}_y(t)$ ,  $\hat{\varphi}(t)$ ,  $\hat{\psi}(t)$  и  $\hat{\alpha}(t)$ , пропорциональные текущим величинам

IO

приращения нормальной перегрузки  $\Delta \hat{\gamma}_y(t)$ , углом тангла  $\hat{\gamma}(t)$ , крена  $\hat{\alpha}(t)$  и курса  $\hat{\psi}(t)$ , поступают в схему АП с соответствующими датчиками первичной информации (ДПИ), а именно: датчика линейного ускорения (ЛУ) или акселерометра, датчика угловых скоростей (ДУС), гироскопов (ГВ) и курсовой системы (КС).

Таким образом, разработчик АП оперирует не самими параметрами движения ЛА ( $\Delta \hat{\gamma}_y(t)$ ,  $\hat{\alpha}(t)$  и т.д.), а их электрическими аналогами - выходными сигналами ДПИ:  $\Delta \hat{\gamma}_y(t)$ ,  $\hat{\alpha}(t)$  и т.д. В первом приближении связь между действительным значением параметра движения ЛА и его электрическим аналогом с учетом динамических характеристик ДПИ в операторной форме записывается следующим образом:

$$\Delta \hat{\gamma}_y(s) \cong \frac{K_{\text{ДЛУ}}}{T_{\text{ДЛУ}}^2 s^2 + 2 \zeta_{\text{ДЛУ}} T_{\text{ДЛУ}} s + 1} \cdot \Delta \hat{\gamma}_y(s); \quad (3.2)$$

$$\omega_x(s) \cong \frac{K_{\text{ДУС}}}{T_{\text{ДУС}}^2 s^2 + 2 \zeta_{\text{ДУС}} T_{\text{ДУС}} s + 1} \cdot \hat{\alpha}(s), \quad K = \omega_y, z; \quad (3.3)$$

$$\hat{\varphi}(s) \cong K_{\text{ГВ}} \cdot \hat{\gamma}(s); \quad (3.4)$$

$$\hat{\psi}(s) \cong K_{\text{КС}} \cdot \hat{\psi}(s); \quad (3.5)$$

$$\Delta \hat{\gamma}_y(s) \cong K_{\text{ДПИ}} \cdot \Delta \hat{\gamma}_y(s). \quad (3.6)$$

При правильно подобранных динамических характеристиках ДПИ, например при собственной частоте ДПИ, равной

$$\left. \begin{aligned} \zeta_{\text{ДЛУ}} &\geq (8 \div 10) \zeta_{\text{ДУС}}, \\ \zeta_{\text{ДУС}} &\geq (8 \div 10) \zeta_{\text{ДПИ}}, \\ \zeta_{\text{ДПИ}} &\geq (8 \div 10) \zeta_{\text{ГВ, КС}}, \end{aligned} \right\} \quad (3.7)$$

$$\text{где } \zeta_{\text{ДЛУ}} = 1/T_{\text{ДЛУ}}; \quad \zeta_{\text{ДУС}} = 1/T_{\text{ДУС}},$$

влиянием динамики ДПИ на качество управления системы "ЛА - АП" можно пренебречь. Тогда допустимо принять, что

$$\Delta \hat{\gamma}_y(s) \cong \zeta_{\text{ДЛУ}} \cdot \hat{\gamma}_y(s), \quad (3.8)$$

$$\omega_x(s) \cong \zeta_{\text{ДУС}} \cdot \hat{\alpha}(s). \quad (3.9)$$

заданные сигналы  $\Delta \hat{\gamma}_y(t)$ ,  $\hat{\varphi}(t)$ ,  $\hat{\psi}(t)$ ,  $\hat{\alpha}(t)$

и т.д. -

электрические аналоги параметров  $\Delta \hat{Y}_{ydg}(t)$ ,  $\hat{v}_{ydg}(t)$ ,  $\hat{\delta}_{ydg}(t)$  и т.д. - вводят в АП от соответствующих задатчиков, причем

$$\Delta \hat{Y}_{ydg}(t) = K_{dy} \cdot \Delta \hat{Y}_{ydg}(t); \quad (3.10)$$

$$\hat{v}_{ydg}(t) = K_{vy} \hat{v}_{ydg}(t).$$

Автопилот стабилизации и управления приращением нормальной перегрузки ( $AP_{\gamma_y}$ ) имеет, как правило, сервопривод с жесткой обратной связью (СПЖОС), поэтому первичный закон управления  $AP_{\gamma_y}$  формируется как интегральный закон, который в операторной форме записывается как

$$\sigma_y^* = W_{cn}^{soc}(s) [\mu \omega_z + i_y (\Delta Y - \Delta Y_{ydg})] \quad (3.11)$$

или

$$\sigma_y^* = W_{cn}^{soc}(s) [\mu \omega_z + i_y (\Delta Y - \Delta Y_{ydg}^*) + \frac{\nu_y}{s} (\Delta Y - \Delta Y_{ydg}^*)], \quad (3.12)$$

где  $W_{cn}^{soc}(s)$  - передаточная функция сервопривода с жесткой обратной связью,

$$\Delta Y_{ydg}^* = \frac{1}{T_f s + 1} \Delta Y_{ydg}; \quad (3.13)$$

$$\mu, \frac{\text{град. } \sigma_y^*}{\text{град. } \omega_z}, i_y, \frac{\text{град. } \sigma_y^*}{\text{рад. } \Delta Y}, \nu_y = \frac{\text{град. } \sigma_y^*}{\text{рад. } \Delta Y}$$

передаточные числа  $AP_{\gamma_y}$  по сигналам угловой скорости ЛА  $\omega_z(t)$ , отклонению и интегралу отклонения приращения нормальной перегрузки от ее заданного значения;

$T_f$  - постоянная времени фильтра низких частот в цепи сигнала

$\Delta Y_{ydg}$ . Интегральный член  $\frac{\nu_y}{s} (\Delta Y - \Delta Y_{ydg}^*)$  введен в закон управления  $AP_{\gamma_y}$  для обеспечения астатизма вывода системы "ЛА -  $AP_{\gamma_y}$ " на заданное значение приращения нормальной перегрузки. Член  $\mu \omega_z$  обеспечивает требуемое демпфирование системы "ЛА -  $AP_{\gamma_y}$ " в переходных процессах.

Сервопривод автопилота стабилизации и управления углом тангажа ЛА может быть с жесткой (СПЖОС), скоростной (СПСОС) и изодромной (СПИСС) обратными связями.

Первичные законы управления АП имеют вид

$$\sigma_y^* = W_{cn}^{soc}(s) [\mu \omega_z + i_y (\Delta Y - \Delta Y_{ydg})]; \quad (3.14)$$

$$\sigma_y^* = W_{cn}^{soc}(s) [\mu \omega_z + i_y \frac{T_f s + 1}{s} (\Delta Y - \frac{1}{T_f s + 1} \Delta Y_{ydg})], \quad (3.15)$$

где  $\nu_y$  - передаточное число АП  $y$ , по сигналу интеграла тангажа;

$$T_f = \frac{C_d}{I_B}. \quad (3.16)$$

АП с СОС

$$\sigma_y^* = W_{cn}^{soc}(s) [\mu \omega_z + i_y \omega_z + i_y (\Delta Y - \Delta Y_{ydg})] \quad (3.17)$$

(сигнал производной  $\nu_y \omega_z$  вводится в закон управления для устранения колебаний системы "ЛА - АП $y$ " по углу тангажа в переходном режиме);

АП с ПОС

$$\sigma_y^* = W_{cn}^{soc}(s) [\mu \omega_z + i_y (\Delta Y - \Delta Y_{ydg})]. \quad (3.18)$$

Автопилот стабилизации бокового движения ЛА состоит из двух каналов: канала руля направления (иногда его не совсем точно называют каналом курса) и канала элеронов (который также не совсем точно называют каналом крена).

Классификация автопилотов стабилизации бокового движения связана с характером автоматического управления ЛА по курсу. Если позиционный сигнал курса поступает только в канал руля направления, то автопилот называется автопилотом прямой схемы. Если позиционный сигнал курса поступает только в канал элеронов, то автопилот называется автопилотом перекрестной схемы, и если сигнал курса поступает в оба канала, то автопилот называется автопилотом смешанной схемы.

В общем случае наиболее распространенные законы управления записываются в следующем виде.

Для АП прямой схемы -  
при СП **жос**

$$\sigma_y^* = W_{cn}^{soc}(s) [\mu \omega_z + i_y (\Delta Y - \Delta Y_{ydg})], \quad (3.19)$$

$$\sigma_\varphi^* = W_{cn}^{soc}(s) [\mu \omega_\varphi + i_\varphi (\Delta \varphi - \Delta \varphi_{ydg})], \quad (3.20)$$

$$\sigma_3^* \equiv W_{cn}^{soc}(s) [\mu_3 \omega_x + i_3 (\delta' - \delta_{3og}) + \frac{v_3}{s^2} (\delta - \delta_{3og})], \quad (3.21)$$

$$\sigma_4^* \equiv W_{cn}^{soc}(s) [\mu_4 \omega_y + i_4 (\psi' - \psi_{3og}) + \frac{v_4}{s^2} (\psi - \psi_{3og})], \quad (3.22)$$

$$\sigma_5^* \equiv W_{cn}^{soc}(s) [\mu_5 \omega_x + i_5 \delta + \frac{v_5}{s^2} (\delta - \delta_{3og})], \quad (3.23)$$

$$\sigma_6^* \equiv W_{cn}^{soc}(s) [\mu_6 \omega_y + i_6 \psi + \frac{v_6}{s^2} (\psi - \psi_{3og})]; \quad (3.24)$$

при СП СОС:

$$\sigma_3^* \equiv W_{cn}^{soc}(s) [\mu_3^* \omega_x + i_3^* \omega_x + v_3^* (\delta - \delta_{3og})], \quad (3.25)$$

$$\sigma_4^* \equiv W_{cn}^{soc}(s) [\mu_4^* \omega_y + i_4^* \omega_y + v_4^* (\psi - \psi_{3og})]; \quad (3.26)$$

при СП ИОС

$$\sigma_5^* \equiv W_{cn}^{soc}(s) [\mu_5 \omega_x + i_5 (\delta - \delta_{3og})], \quad (3.27)$$

$$\sigma_6^* \equiv W_{cn}^{soc}(s) [\mu_6 \omega_y + i_6 (\psi - \psi_{3og})]. \quad (3.28)$$

Для перекрестной схемы -

при АП ИОС:

$$\sigma_3^* \equiv W_{cn}^{soc}(s) [\mu_3 \omega_x + i_3 (\psi - \psi_{3og})], \quad (3.29)$$

$$\sigma_4^* \equiv W_{ABY}(s) \beta, \quad (3.30)$$

где

$$\delta_{3og} = \frac{i_3^*}{T_0 s + 1} (\psi - \psi_{3og}); \quad (3.31)$$

при СП СОС:

$$\sigma_5^* \equiv W_{cn}^{soc}(s) [\mu_5^* \omega_x + i_5^* \omega_x + v_5^* (\delta - \delta_{3og})], \quad (3.32)$$

где

$$\psi_{3og} = \frac{i_5^*}{T_0 s + 1} (\delta - \delta_{3og}); \quad (3.33)$$

при СП ИОС:

$$\sigma_6^* \equiv W_{cn}^{soc}(s) [\mu_6 \omega_y + i_6 (\psi - \psi_{3og})], \quad (3.34)$$

где

$$\delta_{3og} = \frac{i_6^*}{(T_0 s + 1)(T_0 s + 1)} (\psi - \psi_{3og}). \quad (3.35)$$

Интегральные законы управления (3.23)–(3.24) отличаются от законов (3.21)–(3.22) только цепями прохождения сигнала  $\delta_{3og}$ .

Канал руля направления автопилота перекрестной схемы является либо демпфером рискания, либо статическим или астатическим автоматом управления (АБУ).

Из всех трех вышеуказанных типов автопилотов стабилизации бокового движения наибольшее распространение получили автопилоты перекрестной схемы. Автопилоты прямой схемы используются лишь для решения специальных задач, связанных с плоским движением ЛА, когда ЛА жестко стабилизируется по крену (например, при аэрофотосъемке). Автопилоты смешанной схемы в настоящее время практически не разрабатываются.

#### Глава 4. ОБЩИЙ ПРИНЦИП СИНТЕЗА СТРУКТУРЫ АП

В основу решения всей совокупности вопросов, связанных с синтезом минимально-функциональной структуры (МФС) АП, положен принцип эквивалентности динамических систем с точностью до перед заданной малой величины (рис. I).

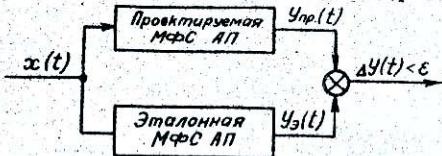


Рис. I. К принципу эквивалентности динамических систем

На основании этого принципа при проектировании вводят эталонную минимально-функциональную структуру АП (ОМФС АП), которая формально идентична структуре проектируемого АП, но ее параметры удовлетворяют требованиям технического задания по показателю качества.

Параметрическая оптимизация первичной МФС АП в общем случае может быть осуществлена численными или аналитическими методами.

В дальнейшем используются аналитические методы, разработанные авторами на базе частотных методов, методов модального управления и доведенные до простых, проверенных из практике, расчетных формул и алгоритмов.

При стационарной линейной модели ЛА исследование движения системы "ЛА - АП" осуществляется путем анализа ее движения на ряде последовательных во времени "замороженных" режимов полета. Такой подход правомочен при изучении динамики подобных систем, так как в этом случае коэффициенты линеаризованной системы изменяются в течение времени регулирования по координате управления незначительно, а сама система обладает достаточным запасом устойчивости.

Качество работы АП оценивают на каждом режиме полета ЛА по переходной функции системы "ЛА - АП"  $H(t)$ . С этой целью задают время регулирования  $t_{\text{рег}, \text{заг}}$ , величину перерегулирования  $\zeta_{\text{заг}} \%$ , точность стабилизации  $\delta_{\text{заг}}$ .

Систему "ЛА - АП", переходная функция которой  $H_3(t)$  удовлетворяет заданным требованиям, принимают за эталонную.

В первом приближении передаточные функции сервоприводов с различными связями можно представить следующим образом:

сервопривод с ИОС<sup>x)</sup>

$$W_{cn}^{\text{исс}}(s) = \frac{1}{(T_{nc} s^2 + 2\zeta_{nc} T_{nc} s + 1)} \quad (4.1)$$

сервопривод с СОС

$$W_{cn}^{\text{исс}}(s) = \frac{1}{s(T_c s + 1)} \quad (4.2)$$

сервопривод с ИОС

$$W_{cn}^{\text{исс}}(s) = \frac{T_n s + 1}{T_n s (T_n^2 s^2 + 2\zeta_n T_n s + 1)} \quad (4.3)$$

причем, как правило,  $\zeta_{nc}$  и  $\zeta_n$  лежат в пределах  $0.5 \leq \zeta_i \leq 0.7$ .

Если на рабочих частотах системы "ЛА - АП" частотная характеристика сервопривода будет иметь  $\zeta_m \leq 0.2$  дБ и фазовый сдвиг  $\Delta\varphi \leq -15^\circ$ , то динамикой звеньев сервопривода, стоящих в скобках, при расчете величин передаточных чисел можно пренебречь.

Следовательно, если выполняются соотношения

$$\Omega_{cn} \geq (8 \div 10) \Omega_{LA} \quad (4.4)$$

<sup>x)</sup> Коэффициенты усиления сервоприводов учитывают в величинах передаточных чисел АП.

где  $\Omega_{cn} = \frac{1}{T_{cn}}$ ;  $\Omega_{LA}$  - максимальное значение собственной частоты возмущенного движения "свободного" ЛА для рассматриваемых режимов полета, то выражения для передаточных функций сервоприводов примут вид

$$W_{cn}^{\text{исс}}(s) \approx 1; \quad (4.5)$$

$$W_{cn}^{\text{исс}}(s) \approx \frac{1}{s}; \quad (4.6)$$

$$W_{cn}^{\text{исс}}(s) \approx \frac{T_n s + 1}{T_n s}. \quad (4.7)$$

## Глава 5. ВЫВОД ФОРМУЛ ДЛЯ РАСЧЕТА ПЕРЕДАТОЧНЫХ ЧИСЕЛ АП

Вывод ЛА на заданную перегрузку и заданный угол тангажа осуществляется соответственно за время  $t_{\text{рег}, \text{заг}} = 1 \div 2$  с и  $t_{\text{пер}, \text{заг}} = 3 \div 5$  с, тогда как период колебаний длиннопериодического движения "свободного" ЛА составляет  $T_n = 60 \div 120$  с. Поэтому за время установления нового значения перегрузки и нового угла тангажа скорость полета практически изменяться не успевает. Следовательно, расчет величин передаточных чисел АП<sub>xy</sub> и АП<sub>xz</sub> допустимо проводить, используя только уравнения короткопериодического возмущенного движения, присоединяя к ним закон управления автопилота.

### Автопилот стабилизации нормальной перегрузки

При расчете величин передаточных чисел АП<sub>xy</sub>, если не оговорено в ТЗ, обычно принимают в качестве заданных параметров переходной функции  $H_3(t)$  следующие значения:

$$t_{\text{рег}, \text{заг}} = 1 \div 2 \text{ с}; \quad \zeta_{\text{заг}} \leq 5\%; \quad \delta_{\text{заг}} = 1.0 \div 1.5\%.$$

### Закон управления (3.11)

Структурная схема системы "ЛА - АП<sub>xy</sub>" изображена на рис. 3.

Передаточная функция разомкнутой по единичной обратной связи системы, изображенной на рис. 2, на единичное управляемое возмущение имеет вид

$$W_{\text{ап}_{xy}}(s) = \frac{1}{s(T_n^2 s^2 + 2\zeta_n T_n s + 1)} \quad (5.1)$$

где

$$T_1 = \frac{T_\alpha}{\sqrt{1 + \mu_3 K_c + \epsilon_{xy} K_c C_6 g^{-1}}}; \quad (5.2)$$

$$\kappa_1 = \frac{\nu_{xy} K_c C_6 g^{-1}}{1 + \mu_3 K_c + \epsilon_{xy} K_c C_6 g^{-1}}; \quad (5.3)$$

$$\xi_1 = \frac{2 T_\alpha T_\alpha + \mu_3 K_c T_V}{2 \zeta_2 \sqrt{1 + \mu_3 K_c + \epsilon_{xy} K_c C_6 g^{-1}}}; \quad (5.4)$$

$$\left. \begin{aligned} T_\alpha &= \frac{1}{\zeta_2^2}; \\ \zeta_2 &= \sqrt{C_4 C_4 + C_2}; \\ K_c &= \frac{C_3 C_4}{C_1 C_4 + C_2}; \\ T_V &= \frac{1}{C_4}; \\ \xi_2 &= \frac{C_1 + C_4 + C_5}{2 \sqrt{C_4 C_4 + C_2}} \end{aligned} \right\} \quad (5.5)$$

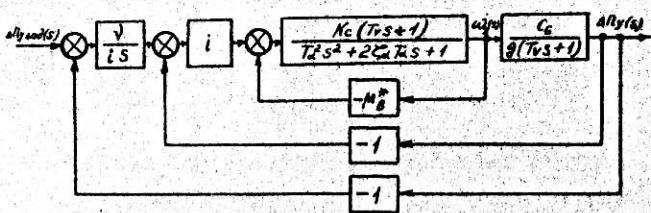


Рис. 2. Структурная схема системы "ЛА - АП<sub>ну</sub>"

Передаточную функцию разомкнутой эталонной системы зададим в виде

$$W_3(s) = \frac{K_3}{s(T_3^2 s^2 + 2T_3 s + 1)}, \quad (5.6)$$

причем ЛАФЧ этой эталонной системы изображена на рис. 3 и ее параметры удовлетворяют следующим соотношениям:

$$4\omega_n T_3 \approx 1; \xi_3 \approx 1; K_3 = \omega_n; \omega_n t_{per,jug} \approx 3. \quad (5.7)$$

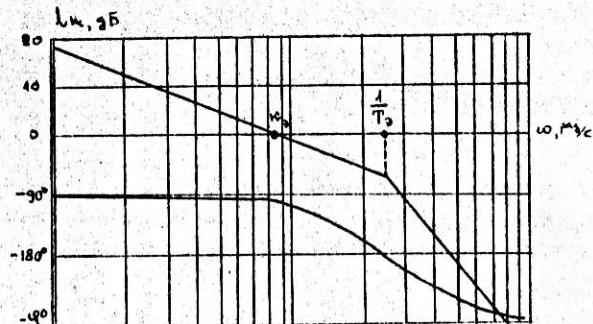


Рис. 3. ЛАФЧ эталонной системы

Тогда, если  $\kappa_1 = \kappa_3$ ,  $T_1 = T_3$  и  $\xi_1 = \xi_3$ , совместное решение соотношений (5.2)-(5.7) приводят к следующим выражениям для расчета передаточных чисел проектируемого АП<sub>ну</sub> с законом управления (3.11):

$$\frac{\nu_{xy}}{\nu_{xy}} = \frac{432 T_\alpha g}{K_3 C_6 t_{per,jug}^3} = \frac{432 g}{C_3 C_4 C_6 t_{per,jug}^3}, \quad (5.8)$$

$$\begin{aligned} t_{n_y} &= \frac{g(144 T_\alpha^2 - t_{per,jug}^2 - 1/8 K_3 t_{per,jug}^2)}{K_3 C_6 t_{per,jug}^3} = \\ &= \frac{144 - (C_1 C_4 + C_2) t_{per,jug}^2 - 1/8 C_3 C_4 t_{per,jug}^2}{g^2 C_3 C_4 C_6 t_{per,jug}^3}, \end{aligned} \quad (5.9)$$

$$\mu_3 = \frac{24 T_\alpha^2 - 25 \nu_{xy} t_{per,jug}}{K_3 T_V t_{per}} = \frac{24 - (C_1 + C_4 + C_5)}{C_3 t_{per}}. \quad (5.10)$$

#### Закон управления АП<sub>ну</sub> (3.12)

Структурная схема системы "ЛА - АП<sub>ну</sub>" для цепного случая изображена на рис. 4.

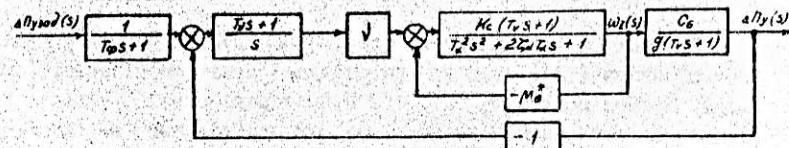


Рис. 4. Структурная схема системы "ЛА - АП<sub>ну</sub>"

Многодно видеть, что передаточная функция разомкнутой по единичной обратной связи системы на единичное управляющее возмущение совпадает с передаточной функцией (5.1). Поэтому передаточные числа АП "у" с законом управления (3.12) рассчитывают по формулам (5.8)-(5.10).

#### Автопилот угла тангажа

При расчете параметров АП "у", если в ТЗ не заданы требования к переходной функции системы "ЛА - АП"  $H_3(t)$ , обычно принимают в качестве заданных значений  $H_3(t)$  следующие:

$$\epsilon_{\text{рез}} = 3 \div 5; \quad C_{\text{з}} \leq 5\% \text{ deg}; \quad A_{20} = \pm 0.05 \text{ deg}.$$

#### Автопилот угла тангажа с жесткой обратной связью

#### Статический закон управления (3.14)

Структурная схема системы "ЛА - АП<sub>у</sub>" изображена на рис. 5.

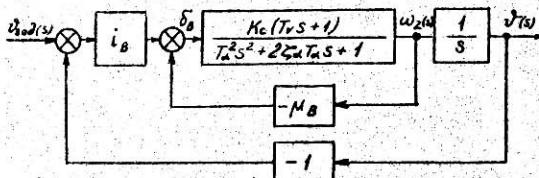


Рис. 5. Структурная схема системы "ЛА - АП<sub>у</sub> ЖОС"

Передаточная функция замкнутой по сигналу угла тангажа системы имеет вид

$$\frac{\Phi_3(s)}{Y_{\text{deg}}} = \frac{i K_3 (T_v s + 1)}{(A_0 s^3 + A_1 s^2 + A_2 s + A_3)}, \quad (5.11)$$

$$\text{где } T_v = \frac{1}{C_4}; \quad A_0 = L^2; \quad A_1 = 2 \zeta_2 T_\alpha + \mu_0 K_3 T_v;$$

$$A_2 = 1 + \mu_0 K_c + C_0 K_3 T_v, \quad A_3 = C_0 K_c.$$

Функция (5.11) является передаточной функцией с "неуправляемым" нулем ( $\lambda = -C_4$ ) и не обладает астатизмом первого порядка, причем всегда  $T_v > T_\alpha$ . Нулю передаточной функции (4.13) является ненаблюдаемым, поэтому его величина на конкретном режиме полета неизвестна и не может быть измерена. Как пра-

вило, постоянная величина времени  $T_v$  в зависимости от режима полета самолета изменяется около 10 раз. Поэтому скомпенсировать влияние нуля на переходную функцию практически не удается, и задают такую эталонную систему, передаточная функция которой для замкнутого контура управления при единичном управляющем возмущении имеет вид

$$\Phi_3(s) = \frac{K_3 (T_v s + 1)}{(A_{03} s^3 + A_{13} s^2 + A_{23} s + K_3)}. \quad (5.12)$$

Передаточная функция разомкнутой эталонной системы в соответствии с (5.12) записывается как

$$W_3(s) = \frac{K_3 (T_v s + 1)}{s(A_{03} s^2 + A_{13} s^2 + A'_{23})}, \quad (5.13)$$

причем всегда

$$\left| \sqrt{\frac{A'_{23}}{A_{03}}} \right| > \frac{1}{T_v},$$

где

$$A'_{23} = A_{23} - K_3 T_v.$$

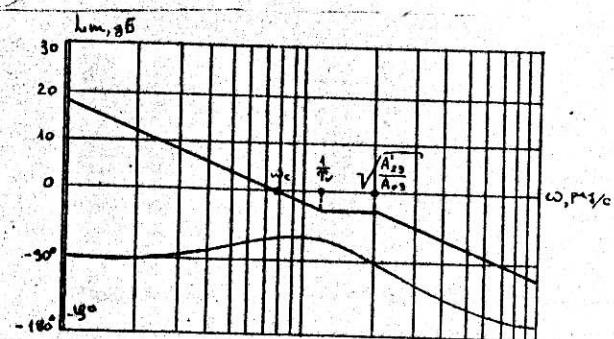


Рис. 6. ЛАФЧХ эталонной системы

ЛАФЧХ разомкнутой эталонной системы изображена на рис. 6, и для ЛАЧХ выдерживается

$$\frac{K_3}{A'_{23}} = (0.9 \div 1) \frac{1}{T_v} \quad (5.14)$$

и

$$\frac{A_{13}}{2\sqrt{A_{03} A'_{23}}} = 1. \quad (5.15)$$

Выражение (5.15) соответствует условию, при котором относительный коэффициент затухания колебательного звена передаточной функции (5.13) равен единице.

Передаточная функция разомкнутой проектируемой системы "ЛА - АП" после замыкания контура управления по цепи сигнала  $\omega_2$  (см. рис. 5) представляется как

$$W_{\frac{\omega_2}{\omega_B}}(s) = \frac{i_B K_c (T_V s + 1)}{[T_\alpha^2 s^2 + (2\zeta_\alpha T_\alpha + \mu_B K_c T_V) s + 1 + \mu_B K_c]}.$$

Таким образом, из условия  $A_{c3} \triangleq A_{inr}$  получим, что

$$\left. \begin{aligned} K_3 &= i_B K_c; \\ A_{03} &= T_\alpha^2; \\ A_{13} &= 2\zeta_\alpha T_\alpha + \mu_B K_c T_V; \\ A'_{23} &= 1 + \mu_B K_c \end{aligned} \right\} \quad (5.16)$$

Тогда по соотношениям (5.14)-(5.15) с учетом (5.16)

$$\begin{aligned} i_B &= \frac{0.9 \div 1}{K'_c \cdot T_V}, \\ \mu_B &= -\frac{\alpha}{2} + \sqrt{\frac{\alpha^2}{4} - \beta}, \end{aligned} \quad (5.17)$$

где

$$\begin{aligned} K'_c &= \frac{K_c}{1 + \mu_B K_c}, \\ \alpha &= \frac{4T_\alpha(\zeta_\alpha T_V - T_\alpha)}{K'_c T_V^2}, \\ \beta &= \frac{4T_\alpha^2(\zeta_\alpha - 1)}{K'_c^2 T_V^2}. \end{aligned} \quad (5.18)$$

Принимая во внимание (5.5), окончательно запишем

$$i_B = \frac{(0.9 \div 1)(C_1 C_4 + C_2 + \mu_B C_3 C_4)}{C_3}, \quad (5.19)$$

$$\mu_B = -\frac{\alpha'}{2} + \sqrt{\frac{(\alpha')^2}{4} - \beta'}, \quad (5.20)$$

где

$$\alpha' = \frac{2(C_1 + C_5 - C_4)}{C_3}, \quad \beta' = \frac{(C_1 + C_4 + C_5)^2 - 4(C_1 C_4 + C_2)}{C_3^2}.$$

### Автопилот угла тангажа с ЖОС /астатический закон управления (3.15)/

Величину передаточного числа  $\mu_B$  определяют, как для АП<sub>v</sub> ЖОС со статическим законом управления (3.14).

Передаточная функция замкнутой системы "ЛА - АП", соответствующая структурной схеме (рис. 7), записывается как

$$\Phi_{\frac{\omega_2}{\omega_B}}(s) = \frac{V_B C_3 C_4 (T_V s + 1)(T_V s + 1)}{(A_0 s^4 + A_1 s^3 + A_2 s^2 + A_3 s + A_4)},$$

$$\text{где } T_V = \frac{i_B}{V_B}, \quad A_0 = 1; \quad A_1 = C_1 + C_4 + C_5 + \mu_B C_3; \quad A_2 = C_1 C_4 + C_2 + \mu_B C_3 C_4 + i_B C_3; \quad A_3 = i_B C_3 C_4 + V_B C_5; \quad A_4 = V_B C_3 C_4.$$

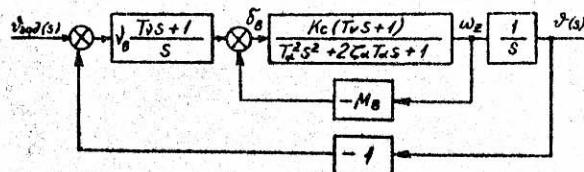


Рис. 7. Структурная схема системы "ЛА - АП<sub>v</sub>, ЖОС"  
(астатический закон управления)

Эта передаточная функция обладает двумя "нулями", один из которых является неуправляемым ( $\lambda = -1/T_V$ ), неидентифицируемым и некомпенсируемым в полете. Поэтому зададим передаточную функцию эталонной системы в виде

$$\Phi_g(s) = \frac{K_3 (T_V s + 1)(T_V s + 1)}{(A_{0g} s^4 + A_{1g} s^3 + A_{2g} s^2 + A_{3g} s + A_{4g})}, \quad (5.21)$$

причем  $K_3 = A_{4g}$ .

Передаточная функция эталонной разомкнутой системы в соответствии с (5.21) представляется как

$$W_{\frac{\omega_2}{\omega_B}}(s) = \frac{V_B K'_c (T_V s + 1)(T_V s + 1)}{s^2 [(T'_\alpha)^2 s^2 + 2\zeta'_\alpha T'_\alpha s + 1]}.$$

$$\text{где } A'_{2g} = A_{2g} - K_3 T_V T'_\alpha,$$

ЛАФЧХ разомкнутой эталонной системы изображены на рис. 8, причем, если  $|T'_\alpha| \sqrt{|A'_{2g}|} < 10$ , то первый излом ЛАФЧХ эталонной

системы определяется частотой, равной  $\frac{1}{T_3}$ ; при  $T_V |\sqrt{A'_{23}}| \geq 10$  этот излом определяется частотой, равной  $\frac{1}{T_\alpha}$ . Для ЛАФХ эталонной системы выдерживаются следующие соотношения:

при  $T_V |\sqrt{A'_{23}}| < 10$

$$\left. \begin{array}{l} \omega_K^2 = \frac{\omega_c}{T_3}; \\ \omega_c \cdot T_V = 0.9 \div 1; \\ T_3 \approx 10T_V; \end{array} \right\} \quad (5.22)$$

при  $T_V |\sqrt{A'_{23}}| \geq 10$

$$\left. \begin{array}{l} 2\omega_c T_3 \leq 1; \\ T_3 \cdot \omega_K^2 = \omega_c; \\ T_V \geq 10T_3; \\ \omega_c \cdot t_{per} \approx 2.5. \end{array} \right\} \quad (5.23)$$

Для обоих случаев справедливо

$$\omega_K^2 = K_3 \quad (5.24)$$

и

$$\frac{A_{13}}{2\sqrt{A'_{23}}} = 1. \quad (5.25)$$

Выражение (5.25) соответствует условию (5.15).

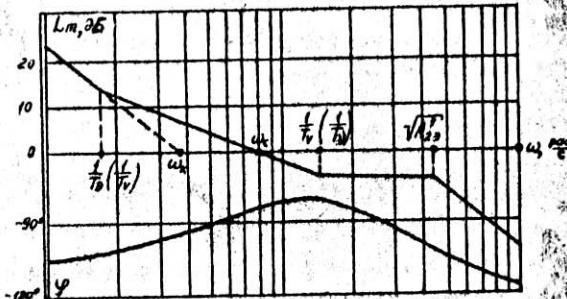


Рис. 8. ЛАФХ эталонной системы

Передаточная функция разомкнутой проектируемой системы "ЛА - АП" после замыкания контура управления по цепи сигнала  $\omega_K$  в соответствии с рис. 7 записывается как

$$W_{12}(s) = \frac{\nu K_c'(T_V s + 1)(T_V s + 1)}{s^2[(T_\alpha')^2 s^2 + 2\zeta_\alpha' T_\alpha' s + 1]} \quad (5.26)$$

Тогда из условия  $A_{13} \triangleq A_{13,pr}$  получаем

$$\left. \begin{array}{l} K_3 = \nu_B K_c' A'_{23}; \\ A_{03} = A'_{23} \cdot (T_\alpha')^2; \\ A_{13} = 2\zeta_\alpha' \cdot T_\alpha' \cdot A'_{23}, \end{array} \right\} \quad (5.27)$$

причем

$$\left. \begin{array}{l} K_c' = \frac{K_c}{1 + \mu_B K_c}; \\ T_\alpha' = \frac{T_\alpha}{\sqrt{1 + \mu_B K_c}}; \\ \zeta_\alpha' = \frac{2\zeta_\alpha T_\alpha + \mu_B K_c T_V}{2T_\alpha}. \end{array} \right\} \quad (5.28)$$

Из совместного решения (5.22)-(5.23) с учетом (5.26)-(5.28) окончательно получаем

при  $T_V < 10T_\alpha'$   $i_B = \frac{0.9 \div 1}{K_c' T_V}$ ,  $\nu_B = \frac{0.09 \div 0.1}{K_c' T_V^2}$  или

$$\nu_B = \frac{i_B}{10T_V};$$

при  $T_V \geq 10T_\alpha'$   $i_B = \frac{0.5}{K_c' T_V}$ ;  $\nu_B = \frac{5}{K_c' T_V}$  или  $\nu_B = \frac{10i_B}{T_V}$ .

Величина передаточного числа АП<sub>2</sub> по сигналу угловой скорости рассчитывается по выражению (5.20).

#### Автопилот угла тангажа со скоростной обратной связью (АП<sub>2</sub> СОС)

Структурная схема системы "ЛА - АП<sub>2</sub> СОС" изображена на рис. 9.

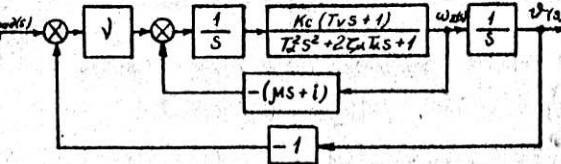


Рис. 9. Структурная схема системы "ЛА - АП<sub>2</sub> СОС"

Передаточная функция замкнутой системы "ЛА - АП<sub>2</sub> СОС" имеет

вид

$$\Phi_{22}(s) = \frac{\nu c_3 c_4 (T_V s + 1)}{(A_0 s^4 + A_1 s^3 + A_2 s^2 + A_3 s + A_4)}, \quad (5.29)$$

где  $A_0 = 1$ ,  $A_1 = C_1 + C_4 + C_5 + \mu_B C_3$ ,  $A_2 = C_1 C_4 + C_2 + \mu_B C_3 C_4 + i_B C_3$ ,  $A_3 = i_B C_3 C_4 + \nu_B C_3$ ,  $A_4 = \nu_B C_3 C_4$ .

Эта передаточная функция, как и в рассмотренных выше случаях, обладает одним неуправляемым нулем ( $\lambda = -\frac{1}{T_{23}}$ ), который в полете неидентифицируем, и его влияние введением фильтров низких частот в цепь сигнала  $v_{deg}(t)$  некомпенсируемо. Поэтому, как и прежде, зададим передаточную функцию эталонной системы в виде

$$\Phi_3(s) = \frac{K_3(T_v s + 1)}{A_{03}s^4 + A_{13}s^3 + A_{23}s^2 + A_{33}s + A_{43}}, \quad (5.30)$$

где  $K_3 = A_{43}$ .

Передаточная функция разомкнутой по единичной обратной связи эталонной системы на единичное управляющее воздействие с учетом выражения (5.30) записывается как

$$W_3(s) = \frac{K_3(T_v s + 1)}{s(A_{03}s^3 + A_{13}s^2 + A_{23}s + A'_{33})}, \quad (5.31)$$

где  $A'_{33} = A_{33} - K_3 T_v$ .

Запишем передаточную функцию (5.31) в виде

$$W_3(s) = \frac{K'_3(T_v s + 1)}{s(A'_{03}s^3 + A'_{13}s^2 + A'_{23}s + 1)}, \quad (5.32)$$

где  $K'_3 = \frac{K_3}{A'_{33}}$ ,  $A'_{03} = \frac{A_{03}}{A'_{33}}$ ,  $A'_{13} = \frac{A_{13}}{A'_{33}}$  и  $A'_{23} = \frac{A_{23}}{A'_{33}}$ .

Поскольку характеристический полином (стоящий в скобках) передаточной функции (5.32)-третьего порядка, положим, что малым по абсолютной величине корнем характеристического уравнения  $A'_{03}\lambda^3 + A'_{13}\lambda^2 + A'_{23}\lambda + 1 = 0$  является вещественный корень  $\lambda_{13}$ , равный  $\lambda_{13} \approx -\frac{1}{A'_{23}}$ , т.е.  $\lambda_{13} \approx \frac{A'_{33}}{A'_{23}}$ .

В этом случае передаточная функция (5.32) представлена как

$$W_3(s) = \frac{K'_3(T_v s + 1)}{s(\lambda_{13}s + 1)(T_{23}^2 s^2 + 2\zeta_{23} T_{23}s + 1)}. \quad (5.33)$$

Здесь  $T_{13} = \frac{1}{\lambda_{13}}$ ;  $K'_3 = \frac{K_3 \cdot T_{23}^2}{|\lambda_{13}|}$ ;

$$T_{23}^2 = A'_{03} \cdot |\lambda_{13}| = \frac{|\lambda_{13}|}{A'_{33}};$$

$$\zeta_{23} = \frac{A'_{13} - T_{23}^2}{2T_{13}T_{23}} = \frac{A'_{13} - A'_{03}'|\lambda_{13}|}{2\sqrt{A'_{03}'|\lambda_{13}|}}.$$

ЛАФЧХ разомкнутой эталонной системы, согласно (5.33), изображена на рис. 10, причем для нее справедливы следующие соотношения:

$$T_{13} = (1,2 \div 1,4) T_v, \quad (5.34)$$

$$\zeta_{23} = 0,7, \quad (5.35)$$

$$K'_3 = (1,2 \div 1,4) \omega_c \quad - \text{для случая А,}$$

$$K'_3 = \omega_c - \quad (5.35') \\ \text{для случая В.}$$

Ввиду малой протяженности первого участка ЛАЧХ с наклоном  $-40 \text{ дБ/дек}$  ( $\sim 0,12$  декады) случай А (рис. 10) практически соответствует случаю В.

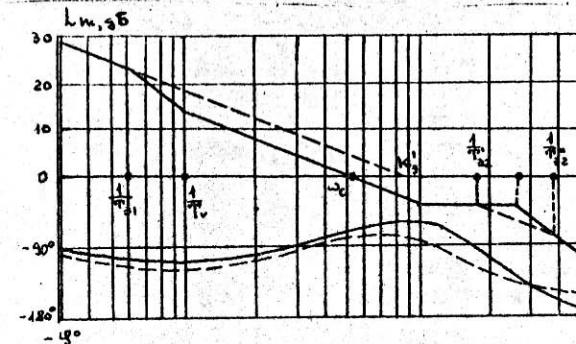


Рис. 10. ЛАФЧХ эталонной системы.

Поскольку протяженность участка ЛАЧХ с наклоном  $-20 \text{ дБ/дек}$  достаточно большая (без учета первого участка ЛАЧХ с наклоном  $-40 \text{ дБ/дек}$ ), то время регулирования эталонной системы определяется следующим выражением:

$$t_{per} = \frac{3}{\omega_c}. \quad (5.36)$$

Для вывода расчетных формул разомкнем передаточную функцию проектируемой системы (5.29) по единичной обратной связи (рис. 9), т.е. по цепи сигнала угла тангажа

$$W_{\frac{Y}{i_B}}(s) = \frac{K_Y(Ts+1)}{s(A'_0 s^3 + A'_1 s^2 + A'_2 s + 1)},$$

где

$$K_Y = \frac{i_B}{i_B}, \quad (5.37)$$

$$A'_0 = \frac{A_0}{A'_3} = \frac{(T'_\alpha)^2}{i_B K'_c} = \frac{1}{i_B C_3 C_4},$$

$$A'_1 = \frac{A_1}{A'_3} = \frac{2\zeta_\alpha' T'_\alpha}{i_B K'_c} = \frac{C_1 + C_4 + C_5 + \mu_B C_3}{i_B C_3 C_4},$$

$$A'_2 = \frac{A_2}{A'_3} = \frac{1 + K_c' T_v}{i_B K'_c} = \frac{C_1 C_4 + C_2 + \mu_B C_3 C_4 + i_B C_3}{i_B C_3 C_4};$$

здесь  $K'_c = \frac{C_3 C_4}{C_1 C_4 + C_2 + \mu_B C_3 C_4}$ ;  $T'_\alpha = \frac{1}{\sqrt{C_1 C_4 + C_2 + \mu_B C_3 C_4}}$ ;

$$\zeta'_\alpha = \frac{C_1 + C_4 + C_5 + \mu_B C_3}{2\sqrt{C_1 C_4 + C_2 + \mu_B C_3 C_4}}.$$

Поскольку, как правило,  $\mu_B C_3 C_4 \ll i_B C_3$ , то в первом приближении допустимо представить коэффициент  $A'_2$  как

$$A'_2 \approx \frac{C_1 C_4 + C_2 + i_B C_3}{i_B C_3 C_4} = \frac{1 + i_B K_c T_v}{i_B K_c}, \quad (5.38)$$

где  $K_c$  - см. в (5.5).

Тогда из условия  $A'_{c3} \triangleq A'_{cp}$  и  $K_3 \triangleq K_Y$  получаем

$$K_3 = K_Y = \frac{i_B}{\mu_B},$$

$$|\lambda_{13}| = \frac{i_B K_c}{1 + i_B K_c T_v}, \quad (5.39)$$

$$\dot{\zeta}_{23} = \frac{2\zeta'_\alpha T'_\alpha - (T'_\alpha)^2 |\lambda_{13}|}{2\sqrt{i_B C_3 C_4}}; \quad (5.40)$$

Из совместного решения (5.34), (5.35) и (5.39) получаем

$$i_B = \frac{2.5 \div 5.0}{K_c \cdot T_v}$$

или

$$i_B = (2.5 \div 5) \frac{C_1 C_4 + C_2}{C_3}. \quad (5.41)$$

Из решения (5.35) и (5.40)

$$\mu_B = \frac{(0.7 \div 0.83) C_4 + (1.7 \div 1.6) \sqrt{i_B C_3} - (C_1 + C_4 + C_5)}{C_3},$$

где  $i_B$  определяется выражением (5.41), а цифры в скобках соответствуют: первые  $|\lambda_{13}| = 1/1.4 T_v$ , вторые  $|\lambda_{13}| = 1/1.2 T_v$ .

Из совместного решения (5.35) или (5.35'), (5.36), (5.37) и (5.38) имеем: для случая А  $\nu = \frac{3.6 \div 4.2}{t_{per}} \cdot i_B$ , для случая В

$$\nu = \frac{3}{t_{per}} \cdot i_B.$$

### Автопилот угла тангажа с изодромной обратной связью (АП<sub>ν</sub> ИОС)

Структурная схема системы "ЛА - АП<sub>ν</sub> ИОС" изображена на рис. II.

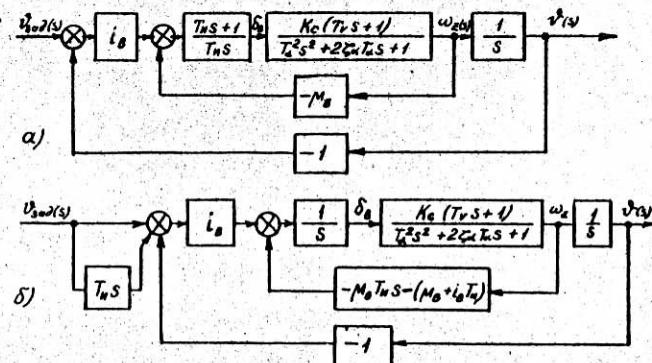


Рис. II. Структурная схема системы "ЛА - АП<sub>ν</sub> ИОС"

Передаточная функция замкнутой системы "ЛА - АП<sub>ν</sub> ИОС" на единичное управляющее воздействие имеет вид

$$\frac{\varphi_{24}}{\varphi_{y,y}}(s) = \frac{i_B C_3 C_4 (T_h s + 1)(T_h s + 1)}{A_0 s^4 + A_1 s^3 + A_2 s^2 + A_3 s + A_4}, \quad (5.42)$$

где  $K_3' = K_3 \cdot T_{13} \cdot T_{23}^2$ .

ЛАФЧХ разомкнутой эталонной системы, согласно (5.46), изображены на рис. I2, причем для ЛАЧХ справедливы следующие соотношения:

$$|\lambda_{13}| = (0,6 \div 0,8) \frac{1}{T_V} \quad \text{при } T_V > T_H', \quad (5.47)$$

$$|\lambda_{13}| = (0,6 \div 0,8) \frac{1}{T_H} \quad \text{при } T_H > T_V, \quad (5.48)$$

$$K_3' = \omega_y, \quad (5.49)$$

$$\omega_y = (1,67 \div 1,25) \omega_c. \quad (5.50)$$

$$A_0 = T_H'; \quad A_1 = T_H(C_1 + C_4 + C_5 + \mu_B C_3);$$

$$A_2 = T_H(C_1 C_4 + C_2) + T_H(\mu_B C_3 C_4 + i_B C_3) + \mu_B C_3;$$

$$A_3 = \mu_B C_3 C_4 + T_H i_B C_3 C_4 + i_B C_3; \quad A_4 = i_B C_3 C_4.$$

Передаточная функция (5.42) имеет один неуправляемый нуль ( $\lambda = -\frac{1}{T_V}$ ), который в полете неидентифицируем и поэтому его влияние некомпенсируем. Вследствие этого зададим передаточную функцию эталонной системы в виде

$$\Phi_3(s) = \frac{K_3(T_V s + 1)(T_H s + 1)}{A_{03}s^4 + A_{13}s^3 + A_{23}s^2 + A_{33}s + A_{43}},$$

где  $K_3 = A_{43}$ .

Передаточная функция разомкнутой по цепи сигнала угла тангенса (по единичной обратной связи) эталонной системы записывается следующим образом:

$$W_3(s) = \frac{K_3(T_V s + 1)(T_H s + 1)}{s(A_{03}s^3 + A_{13}s^2 + A_{23}s + A'_{33})}, \quad (5.43)$$

где  $A'_{33} = A_{33} - K_3 T_V$ ,  $A_{03} = 1$ .

Поскольку в знаменатель выражения (5.43) входит полином 3-го порядка, передаточная функция  $W_3(s)$  может быть представлена как

$$W_3(s) = \frac{K_3(T_V s + 1)(T_H s + 1)}{s(s + 1\lambda_{13}|)(s^2 + b_1 s + b_2)}, \quad (5.44)$$

где  $\lambda_{13}$  — малый по абсолютной величине корень характеристического уравнения вида

$$\lambda^3 + A_{13}\lambda^2 + A_{23}\lambda + A'_{33} = 0,$$

$$\text{причем } \lambda_{13} = -\frac{A'_{33}}{A_{23}}, \quad b_1 = A_{13} - |\lambda_{13}|, \quad b_2 = \frac{A'_{33}}{|\lambda_{13}|},$$

$$A_{23} = b_1 |\lambda_{13}| + b_2. \quad (5.45)$$

$$\text{Вводя обозначения } T_{13} = \frac{1}{|\lambda_{13}|}, \quad T_{23}^2 = \frac{1}{b_2^2}, \quad 2\zeta_{23} T_{23} = \frac{b_1}{b_2},$$

запишем передаточную функцию (5.44) в виде

$$W_3(s) = \frac{K_3'(T_V s + 1)(T_H s + 1)}{s(T_{13}s + 1)(T_{23}^2 s^2 + 2\zeta_{23} T_{23}s + 1)}, \quad (5.46)$$

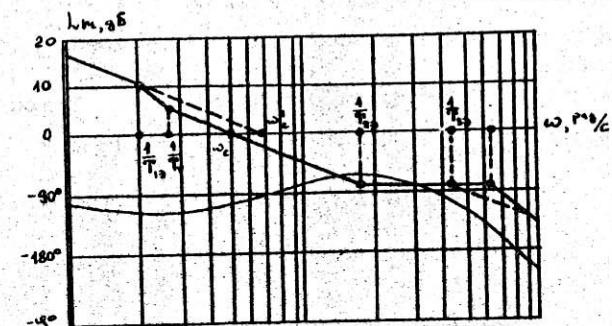


Рис. I2. ЛАФЧХ эталонной системы

Учитывая малую протяженность первого участка ЛАЧХ с наклоном  $-40^\circ/\text{дек}$ , можно принять

$$t_{per} \equiv \frac{2}{\omega_c}. \quad (5.51)$$

Передаточная функция проектируемой системы, разомкнутой по единичной обратной связи (рис. II), записывается следующим образом:

$$W_u(s) = \frac{K(T_V s + 1)(T_H s + 1)}{s(A'_0 s^3 + A'_1 s^2 + A'_2 + 1)}. \quad (5.52)$$

где

$$\begin{aligned} K &= \frac{i_0}{\mu_3}, \\ A'_0 &= \frac{A_0}{A'_3} = \frac{T_H}{\mu_3 c_3 c_4}, \\ A'_1 &= \frac{A_1}{A'_3} = \frac{T_H (c_1 c_4 + c_2 + \mu_B c_3 c_4)}{\mu_3 c_3 c_4}, \\ A'_2 &= \frac{A_2}{A'_3} = \frac{T_H (c_1 c_4 + c_2 + \mu_B c_3 c_4) + \mu_B c_3}{\mu_3 c_3 c_4}, \end{aligned} \quad (5.52)$$

$$A'_3 = \mu_3 c_3 c_4.$$

Формулы для расчета величин передаточных чисел АП<sub>γ</sub> ИОС получим из условия  $A_{i_3} \equiv A_{i_{pr}}$ . Решая совместно (5.45), (5.47) или (5.48) и (5.52), получим выражения для расчета величины передаточного числа  $\mu_3$ :

при  $T_V > (1,67 \div 1,25) T_H$

$$\mu_3 = (1,5 \div 4,0) \frac{T_H [c_1 c_4 + c_2 + (0,36 \div 0,64) k_4^2 - (0,6 \div 0,8) k_4 (c_1 + c_2 + c_3)]}{c_3 [1 - (1,67 \div 1,25) c_4 T_H]},$$

при  $T_H > (0,6 \div 0,8) T_V$

$$\mu_3 = (1,5 \div 4) \frac{T_H^2 (c_1 c_4 + c_2) + (0,36 \div 0,64) - T_H (0,6 \div 0,8) (c_1 + c_2 + c_3)}{c_3 T_H [c_4 T_H - (0,6 \div 0,8)]}.$$

Из совместного решения (5.49), (5.50), (5.51) и (5.52) получаем

$$i_3 = \frac{3,3 \div 2,5}{t_{per}} \mu_3.$$

Обычно требуемая величина  $t_{per,\gamma} \approx 3 \div 4$ , тогда  $i_3 \approx (0,8 \div 1) \mu_3$ .

#### Автопилот крена (АП<sub>γ</sub>)

Для горизонтальных режимов полета ЛА и режимов полета, близких к ним, условие (2.2) выполняется, поэтому допустимость автономного расчета величин передаточных чисел АП<sub>γ</sub> от параметров АП<sub>γ</sub> для автопилотов прямой схемы очевидна. Более того, опыт расчетов и моделирования автопилотов перекрестной схемы показывает, что за время установления заданного угла крена движение ЛА по углам курса и скольжения не успевает существенно развиваться. Вследствие этого и для системы "ЛА - АП<sub>γ</sub> перекрестной схемы" при расчете параметров АП<sub>γ</sub> допустимо использовать только

уравнение бокового движения ЛА по крену, присоединяя к нему закон управления АП<sub>γ</sub>. Аналогично можно поступить и для системы с автопилотом смешанной схемы. Поэтому методика вывода формул для расчета передаточных чисел АП<sub>γ</sub> для горизонтальных режимов полета и сами формулы сдвоены для любого типа АП<sub>γ</sub>.

При расчете передаточных чисел АП<sub>γ</sub> независимо от типа обратной связи сервопривода АП<sub>γ</sub> принимают, что  $t_{reg,\gamma} = 1 \div 2c$ ,  $\zeta_\gamma \leq 0,05 \gamma_{deg}$  и  $\Delta_\gamma = \pm 0,05 \gamma_{deg}$ .

#### Автопилот крена с жесткой обратной связью

##### Закон управления АП<sub>γ</sub> (3.19)

Передаточная функция замкнутой системы "ЛА - АП<sub>γ</sub>" на управляющее возмущение имеет вид

$$\Phi_1(s) = \frac{i_3 b_3}{[s^2 + (b_1 + \Omega_3 b_3)s + i_3 b_3]}.$$

Эта передаточная функция не имеет "нулей". Поэтому в качестве эталонной примем систему третьего порядка с кратными корнями характеристического уравнения системы  $\det |A - I\lambda| = 0$ :

$$W_3(s) = \frac{\kappa_3}{(s + \lambda_3)^2},$$

т.е.

$$W_3(s) = \frac{\kappa_3}{s^2 + 2\lambda_3 s + \lambda_3^2}, \quad \kappa_3 = \lambda_3^2. \quad (5.53)$$

Вводя безразмерную переменную  $S_{xc}$  по соотношению  $S_{xc} = \frac{s}{\Omega_3}$ , представим передаточные функции (5.53) и (5.24) в форме Вынеградского  $\Phi_3(S_{xc}) = \frac{1}{S_{xc}^2 + 2S_{xc} + 1}, \quad \Omega_3 = \lambda_3$ .

$$\text{и } \Phi_1(S_{xc}) = \frac{1}{S_{xc}^2 + \frac{b_1 + i_3 b_3}{V_{i_3} b_3} S_{xc} + 1}, \quad \Omega_3 = \sqrt{i_3 b_3}.$$

Полагая, что

$$\lambda_3^2 = \Omega_3^2 \triangleq i_3 b_3 \quad \text{и} \quad \frac{b_1 + i_3 b_3}{i_3 b_3} = 2,$$

$$\text{получаем } \mu_3 = \frac{2\Omega_3 - b_1}{b_3}, \quad i_3 = \frac{\Omega_3^2}{b_3}.$$

Время регулирования для эталонной системы второго порядка (корни системы кратные)  $t_{reg,\gamma} = \frac{4,74}{\Omega_3}$ . Тогда окончательно

$$\text{получаем } \mu_3 = \frac{9,48 - b_1 t_{reg,\gamma}}{b_3 t_{reg,\gamma}}, \quad i_3 = \frac{22,5}{b_3 t_{reg,\gamma}}.$$

### Закон управления АП (3.23)

Передаточная функция замкнутой системы "ЛА - АП<sub>γ</sub>" на управляющее возмущение имеет вид

$$\frac{\Phi_p}{\beta_{30g}}(s) = \frac{v_3 b_3}{s^3 + (b_1 + \mu_3 b_3)s^2 + i_3 b_3 + v_3 b_3} \quad (5.54)$$

В качестве эталонной примем систему третьего порядка с кратными корнями характеристического уравнения системы  $\det|A - \lambda I| = 0$ :

$$W_3(s) = \frac{1}{s} \frac{1}{(s + \lambda_3)^3}$$

т.е.

$$W_3(s) = \frac{\kappa_3}{s^3 + 3\lambda_3 s^2 + 3\lambda_3^2 s + \lambda_3^3}, \quad \kappa_3 = \lambda_3^2. \quad (5.55)$$

В форме Вышнеградского передаточные функции (5.54) и (5.55) записываются как

$$\Phi_p(s_{nc}) = \frac{1}{(s_{nc}^3 + 3s_{nc}^2 + 3s_{nc} + 1)}, \quad \Omega_0 = \lambda_3^3$$

и

$$\frac{\Phi_p}{\beta_{30g}}(s) = \frac{1}{(s_{nc}^3 + \frac{b_1 + \mu_3 b_3}{\Omega_0} s_{nc}^2 + \frac{i_3 b_3}{\Omega_0^2} s_{nc} + \frac{v_3 b_3}{\Omega_0^3})},$$

где  $\Omega_0^3 = i_3 b_3$ .  
Полагая, что  $\lambda_3^3 = \Omega_0^3 \equiv v_3 b_3$ ,  $\frac{b_1 + \mu_3 b_3}{\Omega_0} = 3$  и  $\frac{i_3 b_3}{\Omega_0^2} = 3$ ,

получаем, что  $\mu_3 = \frac{3\Omega_0 - b_1}{b_3}$ ,  $i_3 = \frac{3\Omega_0}{b_3}$ ,  $v = \frac{\Omega_0^3}{b_3}$ .

Учитывая, что для рассматриваемого случая  $\Omega_0 = \frac{6}{t_{per, r}}$ , окончательно получим

$$\mu_3 = \frac{18 - b_1 \cdot t_{per, r}}{b_3}, \quad (5.56)$$

$$i_3 = \frac{108}{b_3 t_{per, r}^2}, \quad (5.57)$$

$$v = \frac{216}{b_3 t_{per, r}^3}. \quad (5.58)$$

### Закон управления АП<sub>γ</sub> (3.21)

При этом законе управления АП<sub>γ</sub> передаточная функция замкнутой системы "ЛА - АП<sub>γ</sub>" на управляющее возмущение имеет вид

$$\frac{\Phi_p}{\beta_{30g}}(s) = \frac{v_3 b_3 (T_s + 1)}{s^3 + (b_1 + \mu_3 b_3)s^2 + i_3 b_3 s + v_3 b_3}, \quad (5.59)$$

где

$$T_s = \frac{i_3}{v_3}. \quad (5.60)$$

Передаточная функция (5.59) имеет нуль, но поскольку система обладает астатизмом первого порядка, можно задать эталонную систему, корни характеристического уравнения которой  $\det|A - \lambda I| = 0$  расположены на вещественной отрицательной полусоси по арифметической прогрессии. Однако в такой системе перерегулирование по координате управления достигает  $S_r \approx 0.1 \beta_{30g}$ , что существенно больше заданного в ТЗ ( $S_r \leq 0.05 \beta_{30g}$ ). Поэтому в данном случае разумно поступить следующим образом. В цепь передачи сигнала  $\beta_{30g}$  в АП<sub>γ</sub> включить фильтр низких частот с передаточной функцией вида  $W_{\phi}(s) = \frac{1}{T_s s + 1}$ , который компенсирует влияние нуля передаточной функции (5.59) на переходную функцию системы. В этом случае передаточная функция замкнутой системы на единичное управляющее возмущение совпадает с передаточной функцией (5.54). Поэтому формулы для расчета передаточных чисел АП соответствуют формулам (5.56)-(5.58). После расчета величин передаточных чисел АП<sub>γ</sub> определяют по выражению (5.60) величину постоянной времени фильтра низких частот в цепи сигнала  $\beta_{30g}$ .

### Автопилот крена со скоростной обратной связью (3.25)

Передаточная функция замкнутой системы "ЛА - АП<sub>γ</sub> СОС" для рассматриваемого случая имеет вид

$$\frac{\Phi_p}{\beta_{30g}}(s) = \frac{v_3^* b_3}{s^3 + (b_1 + \mu_3^* b_3)s^2 + i_3^* b_3 s + v_3^* b_3}.$$

Данная передаточная функция совпадает с передаточной функцией (5.54). Поэтому выражения для расчета величин передаточных чисел АП<sub>γ</sub> СОС имеют вид

$$\mu_3^* = \frac{18 - b_1 \cdot t_{per, r}}{b_3 t_{per, r}}, \quad i_3^* = \frac{108}{b_3 t_{per, r}^2}, \quad v_3^* = \frac{216}{b_3 t_{per, r}^3}.$$

### Автопилот крена с изодромной обратной связью АП<sub>γ</sub> ИОС (3.27)

Структурная схема системы "ЛА - АП<sub>γ</sub> ИОС" изображена на рис. I3. Величина  $T_s$  априорно известна.

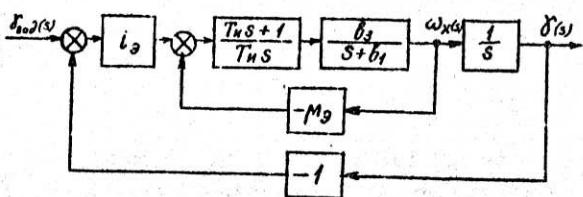


Рис. 13. Структурная схема системы "ЛА - АП, ИОС"

Передаточная функция замкнутой системы "ЛА - АП, ИОС" для рассматриваемого случая записывается как

$$\frac{\Phi_1(s)}{U_{in}(s)} = \frac{i_3 b_3 (T_{13}s + 1)}{T_{13}s^3 + (b_1 T_{13} + \mu_3 b_3 T_{13})s^2 + (\mu_3 b_3 + i_3 b_3 T_{13})s + i_3 b_3}. \quad (5.61)$$

Передаточная функция (5.61) имеет один неуправляемый нуль ( $s = \frac{1}{T_{13}}$ ) и не обладает астатизмом первого порядка.

Вследствие этого зададим эталонную систему также с одним неуправляемым нулем и не обладающей астатизмом первого порядка:

$$\Phi_2(s) = \frac{K_3 (T_{23}s + 1)}{A_{03}s^3 + A_{13}s^2 + A_{23}s + A_{33}},$$

где  $A_{33} = K_3$ ,  $A_{23} \neq K_3 T_{23}$ , причем передаточная функция при различии контура эталонной системы по единичной обратной связи (по пути сигнала  $\delta_1$ ) имеет вид (рис. 14):

$$W_3(s) = \frac{K_3'(T_{23}s + 1)}{s(T_{13}s + 1)(T_{23}s + 1)}, \quad (5.62)$$

где

$$K_3' = \frac{K_3}{A_{23} - K_3 T_{23}}, \quad A_{23} - K_3 T_{23} > 0, \quad (5.63)$$

$$T_{13} \cdot T_{23} = \frac{A_{03}}{A_{23} - K_3 T_{23}}, \quad (5.64)$$

$$T_{13} + T_{23} = \frac{A_{13}}{A_{23} - K_3 T_{23}}, \quad (5.65)$$

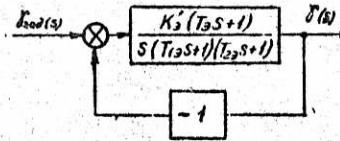


Рис. 14. Структурная схема эталонной системы

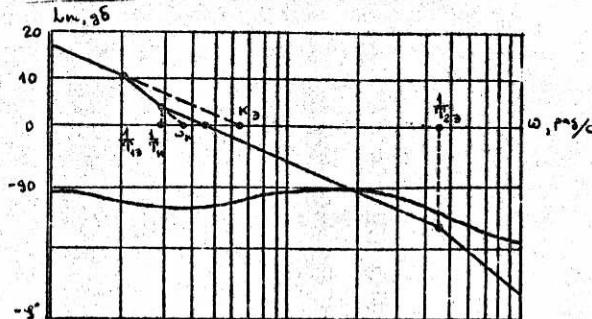


Рис. 15. ЛАФЧХ эталонной системы

ЛАФЧХ разомкнутой эталонной системы (5.62) приведена на рис. 15, причем между параметрами ЛАФЧХ выдерживаются следующие соотношения:

$$T_{13} = 10T_{23} \quad \text{и} \quad (2 \pm 1)\omega_c T_{23} = 1. \quad (5.66)$$

Из геометрии ЛАФЧХ нетрудно получить

$$\omega_y^2 = \frac{\omega_c}{T_{13}} = \frac{\omega_y}{T_{23}}, \quad (5.67)$$

где  $\omega_y = K_3'$ .

Положим, что

$$\left. \begin{aligned} T_{23} &\triangleq T_{13}, & A_{03} &\triangleq T_{13}, & A_{13} &\triangleq b_1 T_{13} + \mu_3 b_3 T_{13}, & A_{23} &\triangleq \mu_3 b_3 i_3 b_3 T_{13}, \\ A_{33} &= i_3 b_3. \end{aligned} \right\} (5.68)$$

Тогда с учетом (5.63)–(5.68) получим

$$K_3' = \frac{i_3}{\mu_3}, \quad (5.69)$$

$$T_{13} \cdot T_{23} = \frac{T_{13}}{\mu_3 b_3},$$

$$T_{13} + T_{23} = \frac{b_1 T_{13} + \mu_3 b_3 T_{13}}{\mu_3 b_3},$$

$$T_{13} = 10T_{23}, \quad T_{13} i_3, \\ 2 \leq \frac{T_{13}}{T_{23}} \cdot \frac{i_3}{\mu_3} \leq 4.$$

Решая совместно систему уравнений (5.69), получаем формулы для расчета величин передаточных чисел АП<sub>ψ</sub> ИОС

$$\mu_3 = \frac{10 - 6_3 T_H}{0.9 6_3 T_H} \quad \text{и} \quad i_3 = \frac{25 \div 50}{6_3 T_H}.$$

#### Автопилот курса прямой схемы

При расчете передаточных чисел АП<sub>ψ</sub> прямой схемы независимо от типа обратной связи принимают, что

$$t_{reg,\psi} \approx 6 \div 18 \text{ с}, \quad \sigma_\psi = 0, \quad \Delta_\psi = 0.05 \text{ град}.$$

На горизонтальных режимах полета и на режимах полета, близких к чистым, условие (2.2) выполняется, поэтому в качестве математической модели бокового движения самолета для расчета параметров АП<sub>ψ</sub> допустимо использовать только уравнения бокового движения "рисование - скольжение".

#### Автопилот курса с жесткой обратной связью

Расчету подлежат два передаточных числа АП<sub>ψ</sub>:  $\mu_H$  и  $i_H$ .

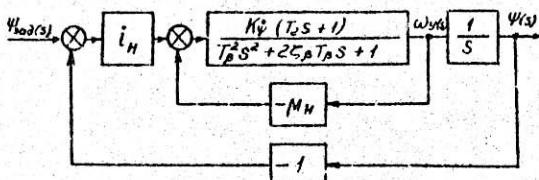


Рис. 16. Структурная схема системы "ЛА - АП<sub>ψ</sub> ИОС" (прямая схема)

Структурная схема системы "самолет - АП<sub>ψ</sub>" изображена на рис. 16. Передаточная функция замкнутой системы "самолет - АП<sub>ψ</sub>" имеет вид

$$\frac{\Phi_\psi}{\psi_{des}}(s) = \frac{i_H K_\psi (T_\psi s + 1)}{s^3 + (25_3 \beta_3 + 14 K_\psi T_\psi \beta_3^2) s^2 + (12 K_\psi T_\psi + i_H K_\psi T_\psi) s + i_H K_\psi}, \quad (5.70)$$

$$\text{где } K_\psi = \frac{\alpha_3 \alpha_4 - \alpha_2 \alpha_1}{\alpha_1 \alpha_4 + \alpha_2}, \quad T_\psi = \frac{\alpha_3}{\alpha_3 \alpha_4 - \alpha_2 \alpha_1}, \quad \beta_3 = \frac{1}{\alpha_3 \alpha_4},$$

$$\rho_\beta = \sqrt{\alpha_1 \alpha_4 + \alpha_2}, \quad \xi_{\alpha_3} = \frac{\alpha_1 + \alpha_2}{2 \sqrt{\alpha_1 \alpha_4 + \alpha_2}}.$$

Передаточная функция (5.70) формально идентична передаточной функции системы "ЛА - АП<sub>ψ</sub> ИОС" (5.11). Действительно, при формальной замене  $K_\psi$  на  $K_C$ ,  $T_\psi$  на  $T_V$ ,  $\rho_\beta$  на  $\rho_\alpha$ ,  $\xi_{\alpha_3}$  на  $\xi_\alpha$ ,  $\mu_H$  на  $\mu_B$ ,  $i_H$  на  $i_B$  передаточная функция (5.70) переходит в передаточную функцию (5.11). Следовательно, метод расчета передаточных чисел АП<sub>ψ</sub> ИОС, изложенный выше (для передаточной функции (5.11)), полностью применим и в рассматриваемом случае. Поэтому формулы для расчета параметров АП<sub>ψ</sub> ИОС приведем без вывода:

$$\mu_H = -d + \sqrt{d^2 - m} \quad (5.71)$$

$$i_H = \frac{0.9 \div 1}{K_\psi T_\psi}, \quad (5.72)$$

где

$$d = \frac{2 \xi_\alpha \beta_3 T_\psi}{K_\psi T_\psi^2} = \frac{\alpha_1 \alpha_3 + 2 \alpha_2 \alpha_7 - \alpha_3 \alpha_4}{\alpha_3^2},$$

$$m = \frac{4 \xi_\alpha^2 T_\psi^2 - 4 T_\psi^2}{K_\psi^2 T_\psi^2} = \frac{(\alpha_1 - \alpha_4)^2 - 4 \alpha^2}{\alpha_3^2},$$

$$K'_\psi = \frac{K_\psi}{1 + K_\psi \beta_3} = \frac{\alpha_3 \alpha_4 - \alpha_2 \alpha_1}{\alpha_1 \alpha_4 + \alpha_2 + \mu_H (\alpha_3 \alpha_4 - \alpha_2 \alpha_1)}.$$

Формулы (5.71), (5.72) могут быть представлены в следующем виде:

$$\mu_H = -\frac{\alpha_3 (\alpha_1 - \alpha_4) + \alpha_2 \alpha_7}{\alpha_3^2} + \sqrt{\frac{[\alpha_3 (\alpha_1 - \alpha_4) \alpha_2 \alpha_7]^2 - (\alpha_1 - \alpha_4)^2 4 \alpha_2}{\alpha_3^4}} - \frac{(\alpha_1 - \alpha_4)^2 4 \alpha_2}{\alpha_3^2},$$

$$i_H = (0.9 \div 1) \frac{\alpha_1 \alpha_4 + \alpha_2 + \mu_H (\alpha_3 \alpha_4 - \alpha_2 \alpha_1)}{\alpha_3}.$$

#### Автопилоты курса с жесткой, скоростной и изодромной обратными связями

Передаточные числа АП<sub>ψ</sub> с законами управления (5.16)–(5.19) рассчитываются аналогично передаточным числам автопилота тангажа АП<sub>θ</sub> с законами управления (3.15), (3.17), (3.18). Поэтому здесь они не приводятся.

### Автопилоты курса перекрестной схемы

При расчете параметров АП<sub>ψ</sub> перекрестной схемы считают, что передаточные числа АБУ канала руля направления ( $\mu_4, T_4, \zeta_4$ ) <sup>\*)</sup>, а также передаточные числа канала элеронов ( $\mu_3, \zeta_3$  и  $T_3$ ) известны. Поэтому в данном случае необходимо определить величины только перекрестного передаточного числа  $\zeta_4^*$  и постоянной времени  $T_{\phi}$  фильтра низких частот в цепи сигнала  $\Delta\psi$  ( $\Delta\psi = \psi - \psi_{\text{сог}}$ ).

Если в ТЭ не заданы характеристики переходной функции  $H(s)$ , то обычно полагают, что они равны:

$$t_{\text{пер.}\psi} = 6 \div 18, \quad \alpha_{\Delta\psi} = 0 \quad \text{и} \quad \Delta\psi = 0,05\psi_{\text{сог}}. \quad (5.73)$$

Несмотря на то, что в рассматриваемых режимах полета ЛА условие (2.2) выполняется, тем не менее схема построения АП<sub>ψ</sub> диктует необходимость исследования "полной" математической модели бокового движения обобщенного объекта управления системы "ЛА - АБУ". На режимах горизонтального полета системы "ЛА - АБУ" в уравнениях движения ЛА допустимо не учитывать члены с коэффициентами  $a_5, a_6, a_9, a_{10}, b_5, b_6, b_8$  и  $b_{10}$ , т.с. положить их равными нулю  $a_5 = a_6 = a_9 = a_{10} = b_5 = b_6 = b_8 = b_{10} = 0$ . При этих допущениях уравнения движения обобщенного объекта управления записывают как

$$\begin{aligned} (s + a_1)\omega_y + a'_2\beta + a_3\delta_r &= 0, \\ -\omega_y + (s + a'_4)\beta - (b_7 s + b_4)\delta_r + a_2\alpha_H' &= 0, \\ -\mu_4 \frac{T_4 s}{T_4 s + 1} \omega_y + \alpha_H' &= 0. \end{aligned} \quad (5.74)$$

$$\text{Здесь } a'_2 = a_2 + \frac{6a_3\alpha_4}{57,3b_4 - 6a_1}, \quad a'_4 = a_4 \frac{57,3\alpha_4}{57,3b_4 - 6a_1}.$$

\*) Параметры АБУ рассчитывают по следующим формулам [1]:

$$\mu_4 = \frac{1}{a_3} [(0,4 \div 0,8) \sqrt{a_1 c_4 + a_2} - (a_1 \cdot a_4)], \quad T_4 = \frac{\alpha_3}{a_3 \alpha_4 - a_2 \alpha_1},$$

$$G = \frac{57,3\alpha_4}{(3 \div 5) \alpha_1 + a_3 a_4 - a_2 a_1}.$$

Когда в канале руля направления реализован только демпфер рискания, вместо коэффициентов  $a'_2$  и  $a'_4$  в уравнениях (5.74) следует ввести коэффициенты  $a_2$  и  $a_4$ .

### Закон управления АП<sub>ψ</sub> (3.29)–(3.31)

Присоединяя к системе уравнений движения обобщенного объекта управления уравнения (3.29)–(3.31), получим передаточную функцию замкнутой системы "ЛА - АБУ - АП<sub>ψ</sub>" на единичное управляемое возмущение  $\psi_{\text{сог}}$ :

$$\frac{\varphi_{\psi}}{\psi_{\text{сог}}} (s) = \frac{i^4 \zeta_3 \beta_3 \alpha_2' (T_4 s + 1) (b_7 s + b_4)}{(T_4 s + 1) (A_0' s^6 + A_1' s^5 + A_2' s^4 A_3' s^3 + A_4' s^2 A_5' s) + (T_4 s + 1) i^4 \zeta_3^2 b_3^2 (b_3 s^1 b_4)}, \quad (5.75)$$

где

$$A_0' = T_4 A_0;$$

$$A_1' = A_0 + T_4 A_1 + \mu_4 T_4 \alpha_3;$$

$$A_2' = A_1 + T_4 A_2 + \mu_4 T_4 [\alpha_3 (\alpha_4' + b_1 + \mu_3 b_3) - a_2' \alpha_3];$$

$$A_3' = A_2 + T_4 A_3 + \mu_4 T_4 [\alpha_3 (\alpha_4' b_2 + b_2 b_7) + i_3 \alpha_3 b_3] - \mu_3 b_3 (\alpha_2' \alpha_3 + \alpha_3 \alpha_4') - a_2' \alpha_3 b_1; \quad (5.76)$$

$$A_4' = A_3 + T_4 A_4 + \mu_4 T_4 [\alpha_3 b_2 b_4 - i_3 b_3 (\alpha_2' \alpha_3 + \alpha_3 \alpha_4')];$$

$$A_5' = A_4;$$

$$A_6' = 1;$$

$$A_7' = \alpha_1 + a_4' + b_1 + \mu_3 b_3;$$

$$A_8' = b_1 (\alpha_1 + a_4') + \alpha_2' + \alpha_1 \alpha_4' + b_2 b_7 + \mu_3 b_3 (\alpha_1 + a_4') + i_3 b_3;$$

$$A_9' = b_1 (\alpha_1 \alpha_4' + a_4') + b_2 (\alpha_1 b_7 + b_4) + \mu_3 b_3 (\alpha_2' + \alpha_1 \alpha_4') + i_3 b_3 (\alpha_1 + a_4');$$

$$A_{10}' = \alpha_1 b_2 b_4 + i_3 b_3 (\alpha_2' + \alpha_1 \alpha_4').$$

Передаточная функция (5.76) имеет два неуправляемых нуля ( $\lambda_1 = -\frac{1}{T_4}$  и  $\lambda_2 = -\frac{b_4}{b_1}$ ) и не обладает астатизмом второго порядка. Поэтому для расчета параметров такой системы ( $\zeta_4^*$  и  $T_{\phi}$ ) поступают следующим образом. Задают такую эталонную систему, передаточная функция которой для замкнутого контура управления при единичном возмущении не имеет нулей и записывается как

$$\varphi_{\phi} (s) = \frac{k_3}{A_{03} s^5 + A_{13} s^4 + A_{23} s^3 + A_{33} s^2 + A_{43} s + k_3}. \quad (5.77)$$

Передаточную функцию разомкнутой эталонной системы, как следует из (5.77), представляют в виде

$$W_3(s) = \frac{K_3}{s(A_{03}s^4 + A_{13}s^3 + A_{23}s^2 + A_{33}s + A_{43})} \quad (5.78)$$

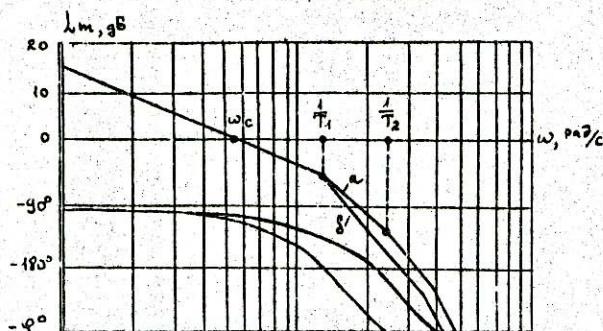


Рис. I7. ЛАФХ эталонной системы

Переходная функция эталонной системы  $H_3(t)$  удовлетворяет заданным требованиям /например, условиям (5.73)/, поэтому ЛАФХ, соответствующая передаточной функции (5.78), имеет вид, изображенный на рис. I7. Для ЛАФХ выдерживаются следующие соотношения:

$$2T, \omega_c \leq 1 \leq 4T, \omega_c \quad (5.79)$$

(для случая А)

или

$$4T, \omega_c \leq 1 \leq 8T, \omega_c \quad (5.80)$$

(для случая Б),

где

$$T_i = \min(\lambda_i^+, \lambda_i^-) \cdot \frac{1}{\sqrt{\lambda_i^+ \lambda_i^-}}; \quad (5.81)$$

$\lambda_i$  — минимальный по абсолютной величине вещественный корень уравнения

$$\sum_i^4 A_i \lambda^{i-1} = 0; \quad (5.82)$$

$\lambda_i^+, \lambda_i^-$  — минимальные по модулю комплексно-сопряженные корни уравнения (5.82).

При  $|\lambda_i| < |\sqrt{\lambda_i^+ \lambda_i^-}|$  выполняется соотношение (5.79), а при  $|\sqrt{\lambda_i^+ \lambda_i^-}| < |\lambda_i|$  — соотношение (5.80).

Из геометрии ЛАЧХ очевидно, что  $\omega_c = K_3$ .

Для приведения проектируемой системы "ЛА — АП<sub>φ</sub>" к виду эталонной записывают передаточную функцию разомкнутой проектируемой системы. С этой целью из выражения знаменателя передаточной функции замкнутой системы (5.75) вычтут выражение числителя этой же передаточной функции, оставляя последний в выражении передаточной функции разомкнутой системы без изменения. В результате этой операции

$$W_{\varphi}^*(s) = \frac{i_3 i_3' b_3 c_2' b_4 (T_h s + 1)(b_2 s + 1)}{s(A'_0 s^4 + A'_1 s^3 + A'_2 s^2 + A'_3 s + A'_4)(T_\varphi s + 1)}. \quad (5.83)$$

Полагая, что

$$T_\varphi = \frac{b_2}{b_1}, \quad (5.84)$$

компенсируют влияние одного нуля на переходную функцию проектируемой системы.

Решение уравнения

$$\sum_i^5 A_i' \lambda^{5-i} = 0, \quad (5.85)$$

коэффициенты которого известны, как правило, даёт один вещественный корень по абсолютной величине, близкий к величине  $1/T_h$ . В этом случае компенсируется и влияние второго нуля передаточной функции (5.83). Если решение уравнения (5.85) не даёт корня по абсолютной величине, близкого к величине  $1/T_h$ , то в этом случае в цепь сигнала  $\psi_{3og}$  необходимо включить дополнительный фильтр низких частот с передаточной функцией  $W_{\varphi_2}(s) = \frac{1}{T_h s + 1}$ .

Таким образом, общий фильтр в цепи сигнала  $\psi_{3og}$  будет представлять собой два последовательно включенных фильтра

$$W_\varphi(s) = \frac{1}{T_\varphi s + 1} \cdot \frac{1}{T_{\varphi_2} s + 1}.$$

Здесь величина постоянной времени  $T_\varphi$ , определяется выражением (5.84), а постоянная времени  $T_{\varphi_2} = T_h$ .

В результате введения фильтров в цепь сигнала  $\psi_{3og}$  передаточная функция (5.83) преобразуется к следующему виду:

$$W_{\psi} (s) = \frac{i_3^4 i_3 b_3 b_4 \alpha_2'}{s(A_0'' s^4 + A_1' s^3 + A_2' s^2 + A_3' s + A_4')} \quad (5.86)$$

или

$$W_{\psi} (s) = \frac{i_3^4 i_3 b_3 b_4 \alpha_2'}{s(A_0' s^5 + A_1' s^4 + A_2' s^3 + A_3' s^2 + A_4' s + A_5')}, \quad \text{где } A_4' = A_5'.$$

Передаточная функция (5.86) соответствует случаю, когда вещественный корень уравнения (5.85) близок по абсолютной величине к величине  $|T_u|$ , т.е.

$$\sum_0^5 A_i' \lambda^{5-i} \approx (\lambda_i + \frac{1}{T_u}) \sum_0^5 A_j' \lambda^{4-i}. \quad (5.87)$$

Вид передаточных функций проектируемой системы "ЛА - АП $_{\psi}$ " совпадает с видом передаточной функции разомкнутой эталонной системы (5.73). Поэтому можно положить, что

$$K_3 = \frac{i_3^4 \cdot i_3 b_3 b_4 \alpha_2'}{(A_4' + A_5')},$$

и, учитывая (5.79), (5.80), можно записать

$$2T_u i_3^4 i_3 b_3 b_4 \alpha_2' \leq A_5' \leq 4T_u i_3^4 i_3 b_3 b_4 \alpha_2' \quad (5.88)$$

или

$$4T_u i_3^4 i_3 b_3 b_4 \alpha_2' \leq A_5' \leq 8T_u i_3^4 i_3 b_3 b_4 \alpha_2'. \quad (5.89)$$

Здесь  $T'_u$  определяется по условию (5.81) в результате решения уравнения (5.85) или уравнения вида

$$\sum_0^5 A_i'' \lambda^{5-i} = 0,$$

где коэффициенты  $A_i''$  определяются из условия (5.87).

Таким образом, в неравенствах (5.88) и (5.89) неизвестной величиной является только перекрестное передаточное число  $i_3^4$ . Из этих неравенств получаем формулы для расчета величины перекрестного передаточного числа  $A_{1,2,3}$ :

для случая  $|\lambda_i| < |\sqrt{\lambda_j} \lambda_j'|$

$$i_3^4 = (0,25 \div 0,5) \frac{A_5'}{i_3 b_3 b_4 \alpha_2' T'_u},$$

для случая  $|\sqrt{\lambda_j} \lambda_j'| < |\lambda_i|$

$$i_3^4 = (0,125 \div 0,25) \frac{A_5'}{i_3 b_3 b_4 \alpha_2' T'_u}.$$

### Законы управления АП $_{\psi}$ (3.32)-(3.33) и (3.34)-(3.35)

Методика вывода формул для расчета параметров АП $_{\psi}$  с законами управления (3.32)-(3.33) и (3.34)-(3.35) аналогична рассмотренной для АП $_{\psi}$  ХОС. Поэтому ниже приведены формулы без вывода.

Постоянная времени  $T_{\phi}$  фильтра низких частот в цепи сигнала  $\psi_{\text{заг}}$  определяется независимо от закона управления АП $_{\psi}$  выражением (5.84).

Перекрестное передаточное число  $i_3^4$  АП $_{\psi}$  рассчитывается по следующим формулам.

Для АП $_{\psi}$  СОС /закон (3.32)-(3.33)/:

$$\text{при } |\lambda_i| < |\sqrt{\lambda_j} \lambda_j'|$$

$$i_3^4 = (0,25 \div 0,5) \frac{A_6'}{V_3^* b_3 b_4 \alpha_2' T'_u};$$

$$\text{при } |\sqrt{\lambda_j} \lambda_j'| < |\lambda_i| \quad i_3^4 = (0,125 \div 0,25) \frac{A_6'}{V_3^* b_3 b_4 \alpha_2' T'_u}.$$

Здесь параметр  $T'_u$  определяется по условию (5.81) в результате решения уравнений:

$$\sum_0^5 1_i'' \lambda^{5-i} = 0 \quad (5.90)$$

или

$$\sum_0^5 A_j' \lambda^{6-i} = 0,$$

где  $A_0' = T_u A_0$ ,

$$A_1' = A_0 + T_u A_1 + \mu_H T_u \alpha_3;$$

$$A_2' = A_1 + T_u A_2 + \mu_H T_u [a_3(b_1 + \alpha_4' + \mu_3 b_3) - \alpha_2' \alpha_7];$$

$$A_3' = A_2 + T_u A_3 + \mu_H T_u [a_3(a_4 b_1 + b_2 b_7 - \mu_3 \alpha_4' b_3 + i_3 b_3) - \alpha_7 (\mu_3 \alpha_2' b_3 + \alpha_2' b_1)];$$

$$A_4' = A_3 + T_u A_4 + \mu_H T_u [a_3(b_2 b_4 - i_3 \alpha_4' b_3 + V_3 b_3) - \alpha_7 i_3 \alpha_2' b_3];$$

$$A_5' = A_4 + T_u A_5 + \mu_H T_u V_3 b_3 (\alpha_3 \alpha_4' - \alpha_2' \alpha_7);$$

$$A_6' = A_5;$$

$$A_0' = A_2 - \text{см. (5.76)};$$

$$A_3 = b_1 (\alpha_2'' + \alpha_1 \alpha_4') + b_2 (\alpha_4 + \alpha_1 \alpha_7) + \mu_3 b_3 (\alpha_2' + \alpha_1 \alpha_4') + i_3 b_3 (\alpha_1 + \alpha_4') + V_3 b_3;$$

$$A_4 = \alpha_4' b_2 b_4 + i_3 (\alpha_2' + \alpha_1 \alpha_4') + V_3 b_3 (\alpha_1 + \alpha_4');$$

$$A_5 = V_3 b_3 (a'_2 + a_1 a'_4).$$

Коэффициенты  $A_j''$  определяются из условия

$$\sum \limits_0^6 A_j' \lambda^{6-j} \approx (T_n \lambda + 1) \sum \limits_0^5 A_j'' \lambda^{5-j}.$$

Уравнение (5.90) используют, когда один из его корней близок по абсолютной величине к  $\sim 1/T_n$ .

Для АПЧ ИОС /закон (3.34)-(3.35)/:

при  $|\lambda_i| < |\sqrt{\lambda_j \lambda_i}|$

$$i_3'' = (0,25 \div 0,5) \frac{A_K}{i_3 b_3 \ell_0 o_2' T_n}, \quad A_K = \begin{cases} A_6' \\ A_5'' \end{cases}$$

$$\text{при } |\sqrt{\lambda_j \lambda_i}| < |\lambda_i| \quad i_3'' = (0,125 \div 0,25) \frac{A_K}{i_3 b_3 \ell_0 o_2' T_n}, \quad A_K = \begin{cases} A_6' \\ A_5'' \end{cases}$$

Здесь параметр  $T_n'$  определяется по условию (5.81) в результате решения уравнений  $\sum \limits_0^6 A_i' \lambda^{6-i} = 0$  или  $\sum \limits_0^5 A_j'' \lambda^{5-j} = 0$ ,

где  $A_0' = T_n T_h A_0$ ;

$$A_1' = T_n A_0 + T_n T_h A_1 + T_n T_h C_3 T_n;$$

$$A_2' = T_h A_1 + T_n T_h A_2 + C_3 T_n [a_3 (a'_2 + b_1 + V_3 b_3) - a_2 a'_4] T_n;$$

$$A_3' = T_n A_2 + T_n T_h A_3 + C_3 T_n [a_3 (a'_2 b_1 + b_2 b_4) + i_2 a_3 b_3 - V_3 b_3 (a'_2 a_3 + a_3 a'_4) - a_3 a_2 b_4] T_n;$$

$$A_4' = T_h A_3 + T_n T_h A_4 + C_3 T_n [a_3 b_2 b_4 - i_2 b_3 (a'_2 a_3 + a_3 a'_4)] T_n;$$

$$A_5' = T_h A_4;$$

$$A_6' = A_4;$$

$$A_1 = A_4 \quad - \text{ см. (5.73).}$$

Коэффициенты  $A_j''$  определяются из условия

$$\sum \limits_0^6 A_j' \lambda^{6-j} \approx (T_n \lambda + 1) \sum \limits_0^5 A_j'' \lambda^{5-j}.$$

## Глава 6. ПОРЯДОК ВЫПОЛНЕНИЯ РАСЧЕТА СТРУКТУРЫ АП

### Некоторые пояснения

Синтез структуры АП следует проводить в таком порядке:

1. Записать соответствующие уравнения движения ЛА совместно с выбранным первичным законом управления АП. Составить структурную схему контура управления системы "ЛА - АП".

2. Разомкнуть контур управления системы "ЛА - АП" по внешней единичной связи и записать передаточную функцию разомкнутой проектируемой системы.

3. Подобрать передаточную функцию разомкнутой эталонной системы "ЛА - АП".

4. Используя принцип эквивалентности ( $A_{n,p,i} \xrightarrow{A_{3c}}$ ), составить систему уравнений и вывести рабочие формулы для определения передаточных чисел АП.

5. Рассчитать по выведенным формулам для заданного в ТЗ времени регулирования  $t_{рег, зад. мин}$  и  $t_{рег, зад. max}$  величину параметров АП для каждого режима полета ЛА.

6. Построить зависимости величин передаточных чисел АП по режимам полета ЛА и аппроксимировать эти зависимости.

7. Провести математическое моделирование системы "ЛА - АП" с аппроксимированными значениями передаточных чисел АП и построить переходные процессы системы на управляющее возмущение.

При выполнении п. 5 в ряде случаев могут получиться отрицательные значения некоторых передаточных чисел. В этом случае их целесообразно положить равными нулю. (Равенство нулю отрицательных передаточных чисел при реализации АП на элементах аналоговой техники ОБЯЗАТЕЛЬНО!).

В режимах полета на больших высотах с большими числами М вследствие падения эффективности органов управления рассчитанные по рабочим формулам величины передаточных чисел АП могут оказаться технически нереализуемыми. Невозможность технической реализации больших по абсолютной величине значений передаточных чисел объясняется нелинейными характеристиками элементов и узлов конструкции реального АП. Ниже приведены примерные диапазоны технически реализуемых величин передаточных чисел АП.

Автопилот стабилизации приращения нормальной перегрузки

$$\mu_0 = 0,01 \div 2,0 \text{ град}^{\circ}/\text{град} \cdot \text{с}^{-1} \omega_x .$$

$$c_{ny} = 0,05 \div 0,0 \text{ град}^{\circ}/\text{с} \cdot \text{д} \gamma_y .$$

$$\lambda_{ny} = 0,03 \div 8,0 \text{ град} \cdot \text{с}^{-1} \omega_0/\text{с} \cdot \text{д} \gamma_y .$$

Автопилот угла тангажа

$$\text{АП. ПОС: } \mu = 0,01 \div 2,0 \text{ град}^{\circ}/\text{град} \cdot \text{с}^{-1} \omega_x ; i = 0,02 \div 2,5 \text{ град}^{\circ}/\text{град} \cdot \vartheta .$$

$$\text{АП. СОС: } \mu = 0,5 \div 6,0 \text{ град}^{\circ}/\text{град} \cdot \text{с}^{-2} \omega_x ; i = 0,3 \div 1,0 \text{ град}^{\circ}/\text{град} \cdot \omega_x^2 ; \\ v = 0,2 \div 6,0 \text{ град} \cdot \text{с}^{-1} \omega_x / \text{град} \cdot \vartheta .$$

$$\text{АП. ЧОС: } \mu = 0,1 \div 2,5 \text{ град} \cdot \text{с}^{-1} / \text{град} \cdot \text{с}^{-1} \omega_x ; i = 0,05 \div 3,5 \text{ град} \cdot \text{с}^{-1} \omega_x^2 / \text{град} \cdot \vartheta .$$

$$T_{II} = 1 \div 3 \text{ с.}$$

Автопилот стабилизации заданного курса

$$\text{АП. ПОС: } \mu_0 = 0,03 \div 2,0 \text{ град} \cdot \omega_x^2 / \text{град} \cdot \text{с}^{-1} \omega_x ; i = 0,01 \div 1,5 \text{ град}^{\circ}/\text{град} \cdot \vartheta .$$

Перекрестное передаточное число АП  $i^y = 1 \div 10 \text{ град}^{\circ}y / \text{град} \cdot \psi .$

**ЛИТЕРАТУРА**

1. Окоемов Б.Н., Зеленов Ю.С., Малахов А.А. Алгоритмизация методов проектирования структур автопилотов. - М.: МГТУ, 1981.
2. Решение типовых задач синтеза структур автопилота с применением ЭЦВМ: Учебное пособие /Под ред. Н.А.Михалева. - М.: МГТУ, 1977.
3. Белоцерковский С.И., Скрипач Б.К. Аэродинамические производные листательного аппарата и крыла при дозвуковых скоростях. - М.: Наука, 1975.